



الحمد لله الذي ملاء فراغ الوجود بأشكال مصنوعاته * وتنزه عن سمات
 الجوهر والعرض في قديم ذاته وصفاته * ابرزالعالم من بديع اختراعه على خط
 استواء * فسطح امتداد الارضين على اجسام الهواء * ورفع السماء متباعدة
 الابعاد بلا عمد * فكانت الكائنات محكمة الاثقان على وفق ما اراد * والمصلاة
 والسلام على مسقط نقطة قلم الرسالة * ومهبط وحى الحكمة والجمال والجلاله *
 سيدنا محمد الذي تقاطعت على بعد سيفه اعناق الكافرين * وعلى آله واصحابه
 وعترته وحزبه المغلوبين * اما بعد فيقول الفقير الى مولاه الممجد * راجي عفو
 البيوي محمد * انه لما صدر الامر الكريم بالارتحال * في تحصيل المعارف التي
 بها تتفاضل الرجال * من سدة صاحب السعادة والتمكين * ورحمى حمية الاسلام
 والمسلمين * من انام الانام على بساط الامان * وجعلهم في نيل وايات العدل
 والاحسان * عز يزمر ومهد الشام والجاز واليمن * بعبا ية من عليه

بأبي السعادة من الغنى ~~من تسمى بها~~ من الكمال والحرية مكارم
اخلاقه بقول من قال

واذا أقول وكيف القول في ملأ * قد فاق كل ملوك الأعصر الأول
محمد أنت ان اجده لم يته لآ * وان طلبت لك العلياء أنت على
ولله در القائل

لست انسىك اجلالاً وتكرمة * فقد رك المعتلى عن ذلك يكفيننا
اذا نفردت وما شوركت في صفة * فحسبنا الوصف ايضاً وتبيننا
اطال الله ببقائه ايامه * ولا انجد الا في رقاب اعدائه حسامه * وجعل تصاريق
الاقدار من بجله جنده * ووهب له ملكاً لا ينبغي لاحد من بعده
آمين آمين لا ارضى بواحدة * حتى ابلغها الغين آمين
وكنت قد بلغت لوجوب امثال ذلك الامر حد التكليف * حيث طبعت على
حب المعرفة ولم يكن لاذاق غير التغنى باسمها تشيف * فاندرجت مع من شعر
عن ساق الارتحال * وتوجهنا الى مدينة ياريز لتحصيل من ايا الكمال * علمنا
بان ذلك يكون عتد لله مسلمين * وزيادة في قوة من اعنصم بحبل الله المتين * ولما
دخلناها اختار كل منا اي فن اراده * وبذل همته فيه واجتهاده * وتبعنا
مدارسها * ولازمنافلسفها * حتى استخرجنا خبايا مطالب العلوم المندرسه *
واختصصت بالتصدي لعلم الهندسة * فاجتهدت في دراستها * ولازمت فحول
مدارسها * حتى نظروني بعين الاعتبار * بعد ان اختبروني في غاية الاختبار *
واحضروني في مجالس الامتحان غير مزه * واتفقت على اعتراف لي كلمة اهل
الطبره * فأعطوني اماره من اشتمل من العرفان بردائه * وتلك الاماره ريق غزال
فيه ختم ملكهم ووزرائه * ومن دواعي العناية والاسعاف * وبين السعادة
وخفي الاطاف * انه كان الناظر علينا في ارتقاء درج تلك المعالي * حضرة
مختار بيك رئيس المجلس العالي * فكان يتعهد تعليماً بالغدو والاتصال * وبذل
الجهد في تبليغ الآمال * حتى من الله علينا بحصول المراد * فحمدناه جدا
بوذن بالازدياد * ثم انصرف سعي بخالص النية مشكوراً * ورجعت الى اهلي

بما ظفرت مسرورا * ثم كبر ضيقت عنوان صحايف اسفارى * وبجمل ما اتقنت
معرفة في اسفارى * على بهجة الزمان * وغظم نظم العرقان * ~~بمراة~~
ادهم بك مدير عموم المهمات الحربية * ومركز دوائر افلاك الصاوية
والعملية * فكنت في ذلك مكن قابل الصباح بالمصباح * او واجه القريضة
بالمباح * فقلت في نفسي اين المجة من الوجه * هستان بين التعاسيف والمججه *
واقفيت حسن آثاره * واقتبست من ساطع انواره * حتى عرفني حقايق
الاصطلاحات * ووبين في تفاصيل المجلات * واوضح لي ايها ما اشكل * وسهل لي
صعوبة ما اعضل * ولما وصلت بجمن ارشاده الى هذه الغاية * شرحت
في افادة ما عندي من الدراية * واخترت هذا الكتاب في الهندسة

الوصفية * و اردت ان اترجمه من اللغة الفرنسية الى اللغة

العربية * لانه مع قلة مجمه كثير الافاده * ليس

لاقليدس من كنز جوهره الاقلاذ

وهذا اوان الشروع في المرام *

ونسأل الله حسن

الختام

في بيان تعاريف الهندسة الوصفية

١ الخط الذي يسمى خطا راسيا هو العمود الواقع على سطح الماء نرا كد كما
المحيط او الخط الذي يتبع الجسم في وقوعه من اعلى الى اسفل والخط العمود
على الخط للمذكور يسمى خطا افقيا

٢ الخط المنسوب لنقطة او جسم له نقط مكلفة بقاعدة واحدة يسمى
رسما هندسيا مثلا الرسم الهندسي المنسوب لمرآة كالدوائر المتقاطعة بنقطتين
معلوماتين * هو الخط العمود على الخط الواصل بين النقطتين المذكورتين
وكذلك الرسم الهندسي الحاصل من المعادلة * ف (م ص) = ٠٠
هو الخط المركب من النقط المنتهية من قيمتي س و ص اللتين
يعملان للمعادلة المذكورة

٣ موقع العمود النازل من نقطة على سطح يسمى مسقطا لهذه النقطة
ومسقط خط على سطح هو الخط المركب من جميع مواقع العواميد النازلة من
جميع نقط الخط المرقوم على السطح المذكور (شكل ١)
النقطة والخط يمكن اسقاط كل منهما على سطح من غير انزال عمدان على هذا
السطح ولكن يلزم ان تكون الخطوط النازلة على السطح موازية لخط منحرف
او ماثل على سطح المسقط

٤ السطوح المسقوطة عليها تسمى سطوح المسقط فلاجل ان نشرح على
استعمال المساقط يلزم ان نبتدأ بالشيء الاسهل مسقطا وهو النقطة ولذلك
يفرض في الفراغ سطحان مستويان عمودان على بعضهما وتعييها من بعضهما
بتسمية الاول سطحا افقيا والثاني سطحا رأسيا وهذا السطحان يسمىان
ايضا سطحى المسقط وخط تقاطعهما يسمى خط الارض او فصلا مشتركا
مسقط النقطة التي في الفراغ على السطح الافقي يسمى المسقط الافقي لهذه
النقطة وكذلك مسقطها على السطح الرأسي يسمى المرقط الرأسي وايضا
مسقط خط على السطح الافقي يسمى المسقط الافقي لهذا الخط ومسقطه على
السطح الرأسي يسمى المسقط الرأسي للخط المذكور واما السطوح لتسوية خط

تقاطع: ثم مع السطح الأفقي يسمى الاثر الأفقي لهذا السطح وخط تقاطع
السطح الرأسى يسمى اثر رأس السطح المذكور.

• **مثلا:** قطاعة في الفراغ على سطحى المسقط يمكن ادراك موضع هذه
النقط: باقامة عمودين على هذين السطحين من هذين المسقطين فنقطه تقاطع
هذين العمودين هي النقطة المطلوبة بحيث ان هذه النقطة يلزم ان توجد
على كل من العمودين المذكورين (شكل ٢).

اذا وجدت نقطتان على سطحى المسقط فعلا بالالتصاكونا حادثتين
من نقطة واحدة في الفراغ ويفهم ذلك بانزال عمود على خط الارض
من كل واحدة من النقطتين المذكورتين فاذا كان هذان العمودان
يتقابلان في نقطة واحدة على خط الارض يعلم من ذلك ان النقطتين حادثتان
من نقطة واحدة واذا لم يحصل ذلك فهاتان النقطتان ليستا مسطى نقطة
واحدة والاثبات على ذلك حيث ذكر سابقا انه اذا علم مسطى نقطة
في الفراغ على سطحى المسقط فتوجد هذه النقطة باقامة عمودين على
هذين السطحين من نقطى المسقط فنقطة التقاطع هي النقطة المطلوبة لانه اذا
قدرنا سطحا مارا بهذين العمودين فهذا السطح يصير عمودا على سطحى المسقط
وكذلك على خط تقاطعهما فخطا تقاطع السطح المذكور مع سطحى المسقط
يصيران ايضا عمودين على خط الارض ويتقاطعان بنقطة واحدة على هذا
الخط فهذا البرهان هو المطلوب

العمود النازل من المسقط الرأسى على خط الارض هو مقدار ارتفاع النقطة
الفراغية على السطح الأفقي والعمود النازل من المسقط الأفقي على خط الارض
هو مقدار ارتفاع النقطة في الفراغ على السطح الرأسى لان هذين العمودين
موازيان ومساويان للعمودين النازلين من النقطة الفراغية على سطحى
المسقط حيث ان الجميع اضلاع مستطيل واحد

(شكل ٢) اذا كانت نقطة على سطح من سطحى المسقط تكون مسقطا
لتقسها على ذلك السطح ومسقطها على السطح الاخر هو موقع العمود

ينظر السطح الرأسى كأنه رجع الى حالته الاولى اعنى عمودا على السطح الافقى

(شكلا ٥)

وهذا قد ذكرنا فيما مر ان الهندسة الوصفية تحتاج الى سطحين مستويين ولكن لم نذكر ما السبب في ذلك والسبب علمنا انه تستعمل ثلاثة سطوح مستوية لوجود نقطة في الفراغ في علم تطبيق الجبر على الهندسة لان معرفة كل مسقط على سطح تحتاج الى خطين عمودين على بعض مثل معرفة المسقط الرأسى يلزم خطا اسه واصله عمودين على بعض (شكل ٦)

وكذلك المسقط الافقى يلزم له خطا اسه واصله عمودين على بعض ولذا خطا اسه واصله يحدثان بينهما سطحا مستويا ثالثا فهذا السطح هو اللازم لعلم تطبيق الجبر على الهندسة ولكن لا فائدة له في الهندسة الوصفية وقد فرضنا ان السطحين المستعملين في علم الهندسة الوصفية غير محدودين ولكن يحدث بينهما اربع زوايا كل نقطة فراغية يوجد لها موضع في احدى تلك الزوايا فيحتاج اليها على وجود هذه النقطة في اى زاوية كانت بعد ادراك مسطبيها على السطحين المذكورين

اولا اذا فرض ان نقطة م التي في الفراغ موضوعة في الزاوية العليا التي على اليمين (شكل ٧) فسقطها الرأسى والافقى هما ف و سه فاذا قدرنا ان السطح الرأسى يدور حول خط التقاطع حتى يصير سطحا واحدا مع السطح الافقى ففي هذه الدائرة نقطة سه ترسم قوس دائرة وتقع على نقطة سه مسقطها النقطة المذكورة يوجدان على سطحى المسقط كما في (شكل ٨)

ثانيا اذا كانت نقطة م التي في الفراغ موضوعة في الزاوية العليا التي على الشمال (شكل ٩) فسقطها الرأسى والافقى هما ف و سه في الرأسى يدور حول خط التقاطع حتى يصير سطحا واحدا مع السطح افقى ففي هذه الدائرة نقطة سه ترسم قوس دائرة وتقع على نقطة سه مسقطها المذكورة يوجدان على سطحى المسقط كما في (شكل ١٠)

ثالثا اذا فرض ان نقطة م التي في الفراغ موضوعة في الزاوية السفلى التي على
 اليمين (شكل ١١) فسقطاها الرأسى والافقى هما ف و س فاذا قدرنا
 ان السطح الرأسى يدور حول خط التقاطع حتى يصير سطحا واحدا
 مع السطح الافقى ففي هذه الدورة نقطة س ترسم قوس دائرة وتقع على
 السطح فسقطا النقطة المذكورة يوجدان على سطحى المسقط كما في
 (شكل ١٢)

رابعا اذا فرضنا ان نقطة م التي في الفراغ موضوعة في الزاوية السفلى التي
 على الشمال (شكل ١٣) فسقطاها الرأسى والافقى هما ف و س
 فاذا قدرنا ان السطح الرأسى يدور حول خط التقاطع حتى يصير سطحا واحدا
 مع السطح الافقى ففي هذه الدورة نقطة س ترسم قوس دائرة وتقع على
 نقطة س ويوجد مسقطا النقطة المذكورة على سطحى المسقط كما في
 (شكل ١٤)

١٠ مسقطا الخط المستقيم على سطحى المسقط هما خطان مستقيمان
 (شكل ١٥)

ولاجل ان تثبت تحقيق هذه القاعدة نفرض انزال عمود ا م من نقطة
 م حيث ما اتفق من نقط الخط الذى في الفراغ على السطح الافقى ونشئ سطحا
 بهذا العمود وبالخط المعلوم فهذا السطح يصير عمودا على السطح الافقى ويقطعه
 في خط ا - فاذا قلنا عمودا على السطح الافقى من كل من نقط ا - فهذه
 العمودا تصير داخل السطح المذكور وتنتهى الى نقط الخط المعلوم وبالعكس
 اذا انزلنا عمودا على السطح الافقى من نقط الخط المعلوم فواقعها على هذا
 السطح فوجد على خط تقاطع السطح العمودى مع السطح الافقى
 (يند ٣) فن ذلك يفهم حقيقة الشرح الذى ذكر سابقا
 يشار الى نقطة في الفراغ بهذه الاشارة (ا -) في الهندسة الوصفية ومعناها
 النقطة التي مسقطاها ا و ب وكذلك الخط يشار اليه بهذه الاشارة
 (ا - ب) ومعناها الخط في الفراغ الذى مسقطاه ا - ب و ج د

السطح المار بخط في الفراغ وبعمودنازل من نقطة من هذا الخط يسمى سطحاً
مستقيماً على السطح المسقطي

أما إذا كان خط موازياً للسطح من سطحى المسقط فسقطه على السطح الثاني
هو خط مواز لخط الأرض لانه إذا فرضنا سطحاً سقوطاً من الخط المعلوم فهذا
الخط يصير موازياً للسطح المسقطي المذكور وخط تقاطعه بهذا السطح هو
خط مواز لخط الأرض لان خطي تقاطع سطحين متوازيين بسطح ثالث هما
متوازيان فهذه القاعدة تجري على خط مستقيم وخط منحني مستوي

١٢٢ إذا كان خط مستقيم عموداً على سطح من سطحى المسقط فسقطه على
ذلك السطح يكون نقطة ومسقطه على السطح الثاني يكون خطاً عموداً
على خط الأرض فالاثبات على القاعدة الاولى ظاهر ولما القاعدة الثانية
فشرحها هو الاتي نفرض خط ab عموداً على السطح الراسي (شكل ١٦)
وننزل عموداً على السطح الافقي من نقطة c فالسطح المسقوط المنشأ
من هذين العمودين يكون عموداً على سطحى المسقط وكذلك على خط
تقاطعهما الذي هو خط الأرض فجميع الخطوط المرسومة على السطح المذكور
هي عموداً على خط الأرض وكذلك مسقطها الخط المذكور وهذا
هو المطلوب

إذا كان خط عموداً على سطح من سطحى المسقط فهذا الخط هو مسقط نفسه على
ذلك السطح ومسقطه على السطح الثاني هو جزء من خط الأرض محصور بين
العمودين النازلين من طرفيه على خط الأرض

١٢٣ إذا كان خطان متوازيين في الفراغ فسقطاهما على السطح الراسي
وعلى السطح الافقي هما ايضاً متوازيان لان السطحين المسقطين من كل
من السطحين على السطح الافقي متوازيان فخطات تقاطعهما
تساويان

إذا كان جزء من خط مستقيم موازياً للسطح من سطحى المسقط فسقطه على
السطحين مستقيم مساو للجزء المذكور

في بيان تعاريف السطوح

١٤ إذا كان خطان مستقيمان متقابلين في الفراغ فهذان الخطان والفراغ الذي بينهما تحدث سطحاً مستويا

خطا تقاطع سطح بسطحي المسقط هما الخطان المنتخبان لوجود هذا السطح لان ادوا كهما سهل وحيث ان السطح المذكور لا يمكنه ان يقطع خط الارض الا بنقطة واحدة فمن ذلك يفهم ان خطي التقاطع المذكورين يلزم ان يتقابلوا في نقطة واحدة من نقط خط الارض وهذان الخطان هما المسحيان سابقا اثر السطح

١٥ إذا كان سطح موازيا لخط الارض فاثراه يكونان موازيين لهذا الخط لانه اذا كان اثر من الاثرين يتقاطع بخط الارض فنقطة التقاطع تصير مشتركة بين السطح المذكور وخط الارض وهذا لا يمكن لكونهما متوازيين بالفرض

١٦ إذا كان سطح عمودا على سطح من سطحي المسقط فاثره على السطح الثاني هو خط عمودا على خط الارض لانه اذا فرضنا مثلا ان السطح المذكور عمودا على السطح الافقي فاثره على السطح الرأسي يصير عمودا على السطح لافقي وكذلك على خط الارض

١٧ إذا كان سطح عمودا على خط الارض فاثراه يصيران عمودا واحدا على هذا الخط

الدعوى الاولى العملي

(شكل ١٧) اذا علم مسقطا خط مستقيم على سطحي المسقط واريد استخراج

نقطتي تقابل الخط المذكور بالسطحين المذكورين

فترض ان AB خط الارض و CD و EF و GH مسقط الخط المعلوم وبعد ذلك

نمد خط CD الى ان يقطع خط الارض بنقطة Z ونرفع عمودا على خط الارض

من هذه النقطة ونمده حتى يقطع EF بنقطة H فهذه النقطة هي نقطة

تقابل الخط الفراغي مع السطح الرأسي وكذلك يفعل لايجاد نقطة تقاطع

الخط المذكور مع السطح الأفقي يمد خط $و ه$ أيضا على استقامته حتى يقطع
خط الأرض في نقطة $ط$ وتقيم عمودا على خط الأرض من هذه النقطة
حتى ينتهي إلى خط $ح د$ بنقطة $د$ فهذه النقطة هي المطلوبة
في شكل هذه المسئلة فرضنا ان الخط الفراغي يقابل سطحى المسقط بنقطتين
ظاهرين للنظر اعني امام هذين السطحين ولكن يمكن ان الخط المذكور يقابل
سطحى المسقط من ورائهما فطريقة وجود نقطتي التقابل هي كما عرفنا
عنها سابقا ولكن يلزم ان الخطوط المرسومة من ورائى سطحى المسقط تكون
منقوطة كما في (شكل ١٨)

الدعوى الثانية العملية :

(شكل ١٩) اذا علم المسقط الأفقى لنقطة و اثر اسطح ما ر بهذه النقطة و اريد
استخراج المسقط الرأسى الحادث من النقطة المذكورة
تجعل نقطة $م$ المسقط المعلوم وخطى $ا ب$ و $ا ث$ الاثرين المعلومين
فاذا فرضنا خط $ا م$ مستقيما في السطح المعلوم من النقطة الفراغية التي مسقطها
 $م$ فالمسقط الأفقى لهذا الخط يمر من نقطة $م$ وهو $ك ه$ فاذا وجدنا
المسقط الرأسى للخط المذكور يسهل علينا وجود المسقط المطلوب للنقطة
المعلومة فلاجل ذلك ننبه اولان الخط المفروض في السطح المعلوم لا يمكن
مقابلته بالسطح الأفقى الا بنقطة من نقط الاثر الأفقى للسطح المعلوم وكذلك
هذه النقطة يلزم ان توجد على المسقط الأفقى للخط المفروض فنقطة تقاطع
هذين الخطين هي النقطة المذكورة وبعدها اذا انزلنا عمود $و ح$
على خط الأرض حيث ان نقطة $و$ هي من نقطة الخط المفروض فن ذلك
يقع $ا$ تصير من نقط المسقط الرأسى للخط المفروض فنجد
هنا $ب$ بعرفة نقطة ثانية ولذلك تمد خط $ف د$ على استقامته
حتى $ح$ يخط الأرض في نقطة $د$ فهذه النقطة هي المسقط الأفقى
لنقط $ط$ المفروض بالسطح المعلوم فاذا اتينا عمودا على خط الأرض

من نقطة ϵ فالنقطة المذكورة توجد اولا على هذا العمود وثانيا على
 الاثر الرأسي للسطح المعلوم فنقطة تقاطع هذين الخطين هي النقطة التي من
 نقط الخط المفروض فاذا وصلنا نقطة $هـ$ بنقطة $هـ$ فنقط $هـ$ هو
 المسقط الرأسي للخط المفروض والمسقط الرأسي للنقطة الفراغية التي مسقطها
 الافقي نقطة $م$ يوجد على خط $هـ$ وعلى عمود $م$ القائم من نقطة
 $م$ على خط الارض فنقطة ϵ التي هي تقاطع خط $م$ بخط $هـ$
 هي المسقط المطلوب

ويمكن ان تحل هذه الدعوى بطريقة سهلة ولكن ليست عمومية كالطريقة
 السابقة (شكل ٢٠) يغني عن شرح هذه الطريقة وبه يوجد المسقط المجهول
 للنقطة المعلومه

الرسم الوصفي الاول

الدعوى الثالثة العملي

(شكل ٢١) اذا اريد امتداد خط مستقيم مواز لخط مستقيم معلوم ايضا
 في الفراغ من نقطة معلومة فيه

نجعل $ث$ و $د$ مسقطي النقطة المعلومه وخطي $ا$ و $ب$ مسقطي
 الخط المستقيم المعلوم من بعد ما ذكر سابقا انه اذا كان خطان في الفراغ
 متوازيين فمساقطهما تصيرا ايضا متوازية وكذلك هذان المسقطان ييران
 بمسقطي النقطة المعلومه ومن ذلك اذا مددنا من نقطتي $ف$ و $د$ خطين
 موازيين لخطي $ا$ و $ب$ فهذان الخطان يصيران مسقطي الخط المطلوب
 واذا اردنا بعد ذلك وجود طول اى مقدار جزء من الخط الذي مسقطاه
 $ح$ و $هـ$ ف ننبه اولان نقط اطراف مسقطي هذا الجزء يلزم
 ان تكون مثنى مثنى على عمود واحد على خط الارض كما في (شكل ٥)
 حيث ان تلك الاطراف هي مساقط اطراف الجزء الذي في الفراغ وبعد ذلك
 اذا فرض ان $ح$ و $هـ$ و $ف$ مسقطا الجزء المطلوب من الخط الموازي
 نجد ان الجزء المطلوب الذي في الفراغ هو الضلع الرابع من اضلاع شكل شبه

المنحرف والاضلاع الباقية واحدها هو المسقط الأفقي للجزء المطلوب
 والأثنان الآخران هما ارتفاعا أطراف جزء الخط الفراغي على السطح الأفقي
 وهذان الارتفاعان مقدارهما ك ف و ن هـ (حد ٥) فإذا فرض
 بعد ذلك أن شبه المنحرف يدور حول σ حتى ينطبق على السطح الأفقي
 في هذه الدورة ارتفاعا الجزء الذي مسقطه الأفقي خط σ لم يزل
 عمودا على خط σ بحيث أن مقداري ك ف و ن هـ معلومان
 فإذا اقتناى السطح الأفقي عمودين من تقاطع σ و σ وقطعنا عليهما
 بمقتاري σ م و σ مساويين لارتفاعي ف ك و هـ
 ووصلنا بين تقاطعي م و σ بخط م σ يصير مقدار الجزء المطلوب

الحل الثاني .

إذا مددنا خط σ و موازيا لخط σ داخل شبه المنحرف الذي هو
 σ σ م (شكل ٢١) فطول الجزء المطلوب يدرك بوتر مثلث القائم الزاوية
 م و σ الذي له ضلع مساو للمسقط الأفقي من الجزء المذكور والضلع الثاني
 م ر هو مسقط تفاضل ارتفاعي الجزء المذكور على السطح الأفقي فإذا مددنا
 خطيا موازيا لخط الأرض من نقطة م واخذنا مقدار σ على ذلك
 الخط مساويا لخط σ ت ووصلنا بين تقاطعي ت و σ بخط
 ت σ يصير مقدار الجزء المطلوب

الحل الثالث .

(شكل ٢٢) نفرض أن خطي أ - و σ مسقطا جزء الخط في الفراغ
 فيعرف من بعدما ذكر سابقا أنه إذا كان خط موازيا للسطح من سطحي المسقط
 مسقط هذا الخط على السطح المذكور يساوي للخط نفسه (حد ١٥) فمن ذلك
 إذا قررنا أن الخط المذكور يدور حول النقطة التي مسقطها σ و σ حتى
 يصير موازيا للسطح الرأسي ففي هذه الدورة نقطة (أ ب ت) ترسم قوس دائرة
 موازيا للسطح الأفقي لمسقط هذا القوس على السطح الرأسي خط مستقيم

موازي لخط الارض فهذه الصورة مسقط الخط القراغي على السطح الافقي
 يصير خط $ب هـ$ فاذا انزلنا عمودا على خط الارض من نقطة $هـ$ فهذا
 العمود يشتمل على مسقط الطرف المتحرك من الخط القراغي في مكانه الا ان
 كان هذا المسقط يوجد ايضا على خط $د و$ فنقطة التقاطع $ف هـ$
 المسقط المطلوب واذا وصلنا بين نقطتي $ف و$ ونقط $ف و$ هو المسقط
 اسي للخط المعلوم حين جعل موازيا للسطح الراسي وبعد ذلك خط $ف و$
 وطول الجزء المطلوب فاذا اطلعنا على رسم هذا الحل فجدد مشابه للرسم
 الحل الثاني

الدعوى الرابعة العملي :

(شكل ٤٣) اذا اريد امتداد سطح مواز لسطح آخر من نقطة مفروضة في الفراغ
 نفرض خطا مستقيما كل ما كان في السطح المعلوم وتمد خطا موازيا للخط الاول
 من النقطة المعلومه فالسطح الذي يمر بالخط الموازي هو السطح المطلوب
 فلاجل رسم ما ذكرناه على سطح المسقط نفرض ان خطي $ا ب$ و $ا ت$
 اثر السطح المعلوم $م و$ مسقطا للنقطة المطلوبة ونفرض خطا مستقيما
 في السطح المعلوم مسقطه الافقي يكون $د هـ$ ويوجد مسقطه الراسي $ح ش$
 كما مر وتمد خطا موازيا للخط المفروض في السطح المطلوب فمسقطا هذا الخط
 يصيران موازيين لخطي $د هـ$ و $ح ش$ وهما $م ب$ و $د و$ وحيث
 ان السطح المطلوب يلزم ان يشتمل على هذا الخط فنقطتا تقابله مع سطح
 المسقط يصيران من نقط اثرى السطح المطلوب فاذا مدونا خطين موازيين
 لخطي $ا ب$ و $ا ت$ من نقطتي $ك و$ فهذان الخطان يصيران
 اثرى السطح للمطلوب

الحل الثاني

عوضا عن ان يفرض خط كل ما كان في السطح المعلوم يفرض خط يكون
 مسقطه الافقي موازيا للاثر الافقي من السطح المعلوم ويتم وجود اثرى السطح

المطلوب كما ذكرنا في الحل الاول

الدعوى الخامسة العملي

أداعلم مساقط ثلاث نقط في الفراغ وأريد رسم سطح مستو ما يربط هذه النقاط
نصل النقاط في الفراغ بخطوط مستقيمة ونأخذ نقطتين منها ونبحث عن
وجود نقط تقابل هذين النقطين بسطحي المسقط فهذه النقطة تكون من تقط
اثرى السطح المطلوب فاذا وصلنا بين كل نقطتين منها بخط مستقيم فهذان
النقطان يصيران اثرى السطح المطلوب واذا بحثنا ايضا عن وجود نقطتي
تقابل الخط الثالث بسطحي المسقط نجد هما على اثرى السطح المطلوب
فذلك ينظر كبرهان حقيقي لهذا الحل (شكل ٢٤)

الرسم الوصفي الثاني

الدعوى السادسة العملي

اذا كان سطحان معلومين في الفراغ وأريد استخراج خط تقاطعهما
(شكل ٢٥) نفرض ان خطي a و a' اثر السطح الاول وخطي b و
و b' اثر السطح الثاني فخط التقاطع المطلوب يلزم ان يكون في السطح
الاول وكذلك في السطح الثاني فنقطتا تقابل بسطحي المسقط يلزم ان تكونا
على اثرى السطح الاول وكذلك على اثرى السطح الثاني ويقوم من ذلك ان
نقطتي a و b اللتين هما تقاطع هذه الاثار تقطعا تقابل الخط المطلوب
بسطحي المسقط فاذا انزلنا عمودا من نقطة a على خط الارض فالواقع لهذا
العمود هو نقطة من نقط المسقط الراسي لخط التقاطع المطلوب وحيث ان نقطة
 a' هي ايضا من نقط المسقط الراسي لخط التقاطع المطلوب فخط $a'b'$
هو المحنث الراسي المطلوب ويثبت كما تقدم ان a' هو المسقط الافقي لخط
التقاطع المطلوب ويوجد ان خط نفسه بعد مسقطيه وهذا هو المقصود
في الحل الذي ذكرناه فرضنا ان اثار السطحين المعلومين تتقاطع ولكن يمكن

ان هذه الاثار توجد على حالات اخر على سطحى المسقط ولذلك يلزم ان تذكر تلك الحالات

الحالة الاولى اذا كانت اثار السطحين المعلومين متوازية على سطحى المسقط فعلا يكون هذان السطحان متوازيين لانه اذا كانت الاثار متوازية فلا يمكن تقاطع السطحين المعلومين ولكن اذا كانت تلك الاثار متوازية لبعضها وايضا لخط الارض ففي هذه الحالة يمكن تقاطع هذين السطحين فلاجل وجود خط تقاطعها تجعل (شكل ٢٦) خطى هـ ف و ا - ا ترى السطح الاول وخطى ح ش و ث و ا ترى السطح الثانى فبهذا الوضع السطحان المذكوران يتقاطعان واذا اترنا سطحنا عمودا على خط الارض فاثراه يكونان وش و و و وتظران نقطتى - و من نقط اثار السطحين المعلومين على السطح الثالث فبعد ذلك اذا دورنا السطح الثالث حول خط وش حتى ينطبق على السطح الافقى فكل نقطة من نقط هذا السطح ترسم قوس دائرة فى سطح عمودا على وش وبهذه الصورة نقطتا - و يوضعان على خط الارض فى نقطتى م و و فاذا وصلنا بين نقطتى ف و م وبين نقطتى ش و و فخطا ف م و ش و ك يصيران المسقطين الافقيين للسطحين اللذين فى الفراغ الواصلين بين نقطتى ف و و ونقطتى ف و و فان خطان المذكوران يتقاطعان بالنقطة التى مسقطها هـ فهذه النقطة هى نقطة مشتركة بين السطحين الاولين ولكن واقعة على السطح الافقى والنقطة الفراغية التى وضعت على نقطة هـ بعد التحرك رسمت قوس دائرة موازية للسطح الراسى ومسقطها الراسى رسم ايضا قوس دائرة مساوية للدائرة الاولى فاذا اترنا عمودا على خط الارض من نقطة هـ فنقطة الموقع ك تصير المسقط الراسى للنقطة الفراغية الموضوعه عليه فالنقطة المشتركة بين السطحين الاولين هى على خط تقاطعها ولها مسقط افقى على خط مواز لخط الارض وعمود من نقطة هـ فاذا مدنا هذا الخط يكون المسقط الافقى لخط التقاطع

المطلوب وبعد ذلك اذا فرضنا نقطة δ كمركز ويبعد δ رسم قوس دائرة δ من δ فنقطة δ تصير المسقط الراسي للنقطة المشتركة بين السطحين للمعلومين وحينئذ اذا مددنا خطا موازيا لخط الارض من هذه النقطة فهذا الخط يصير المسقط الراسي لخط تقاطع السطحين للمعلومين ويدير له هذا الخط بعد معرفة مسقطيه

الحالة الثانية

لذا كان اثر السطحين للمعلومين متوازيين على السطح الافقي والاشران الراسيين يتقاطعان فلاجل وجود خط تقاطع السطحين المذكورين نفرض خطا افقيا موازيا للاثرين الافقين للسطحين للمعلومين فالمسقط الراسي لهذا الخط (شكل ٢٧) يصير موازيا لخط الارض فاذا مددنا خط δ موازيا لخط الارض من نقطة δ التي هي نقطة تقاطع الاثرين الراسيين للسطحين للمعلومين فهذا الخط هو المسقط الراسي لخط التقاطع المطلوب واما من جهة المسقط الافقي فنزل عمود δ على خط الارض من نقطة δ وتمد خط δ و المستقيم موازيا للاثرين الافقين من نقطة الموقع δ فهذا الخط يصير المسقط الافقي لخط التقاطع المطلوب ويفعل كما ذكرنا اذا كان الاثران الراسيان متوازيين على السطح الراسي

الحالة الثالثة

اذا كانت آثار السطحين للمعلومين لا تتقاطع على سطح مسطح ورقة لرسم فلاجل وجود خط تقاطعهما على هذه الورقة ننطع السطحين للمعلومين بسطح قائم مواز للسطح الراسي لخط تقاطع هذا السطح بالسطحين للمعلومين يصيران موازيين للاثرين الراسيين من السطحين المذكورين فيفهم بعد ذلك نقطة من كل من مسطحي خط تقاطع المطلوب واذا قطعنا ايضا δ للمعلومين بسطح قائم ثان نجد نقطة ثالثة من كل من مسطحي خط التقاطع المطلوب فبعد ذلك يسهل ادراك المسقطي هذا بخطواته نسبه سير شمس ٢٨

الدعوى السابعة العملي

اذا علم خط وسطح في الفراغ واريد وجود مسقطي نقطة تقابل الخط بالسطح
عموما لاجل وجود نقطة تقابل سطح بخط يمد سطح من الخط المذكور
يقطع السطح المعلوم فنقطة تقاطع الخط المعلوم مع خط تقاطع السطحين
المذكورين هي النقطة المطلوبة ولاجل رسم هذا التعبير (شكل ٢٩)
نجعل ان a و a' اثر السطح المعلوم و d و d' و f مسقطا
لخط المعلوم وبعد ذلك نبحث عن نقطتي تقابل هذا الخط بسطحي المسقط وهما
 m و n ونمد خطي sm و sn المستقيمين من هاتين النقطتين بشروط
ان يتقاطعا في نقطة واحدة على خط الارض فهذان الخطان هما اثر السطح
الذي ذكرناه سابقا وبعد ذلك نبحث كما مر على مسقطي se و se'
الذين هما مسقطا خط تقاطع هذين السطحين في e و e'
يتقاطعان بخطي de و $d'e'$ اللذين هما مسقطا الخط المعلوم فنقطتا
التقاطع c و c' هما مسقطا النقطة المطلوبة فاذا كان الرسم صحيحا
يلزم ان يكون مسقطا النقطة المطلوبة على عمود واحد على خط الارض

الحل الثاني

يمكن مرور سطح قائم بالمسقط الافقي للخط المعلوم وبقيية الجبل تتم بطريقة مشابهة
لطريقة الحل الاول ينظر (شكل ٣٠)

تبيين مفيد

الخط المعلوم يمكن ان يكون راسيا فلاجل وجود مسقطي نقطة تقابله بالسطح
المعلوم نجعل (شكل ٣١) ان خطي sa و sa' هما اثر السطح
المعلوم وحيث ان الخط المعلوم راسي فمسقطه الافقي هو نقطة o وميل خطه
الراسي هو عمود ao على خط الارض فاذا فرضنا سطحنا من هذا الخط
فهذا السطح بصير غير منته ولا يتفع بشئ فلاجل بلوغ المراد نفرض

ان هذا السطح يكون موازيا للسطح الرأسى فآثره الافقى يصير خط θ موازيا لخط الارض وهذا السطح يقطع السطح المعلوم بخط مواز لخط θ لان هذين الخطين هما تقاطع سطحين متوازيين بسطح ثالث فنقطة δ التى هى على الاثرين الاقبيين هى نقطة تقابل خط تقاطع السطحين المذكورين بالسطح الافقى وحيث ان الخط المذكور لا يمكن مقابله بالسطح الافقى الا فى نقطة موجودة على كل من الاثرين الاقبيين للسطح المفروض وللسطح المذكور فاذا اسقطنا نقطة δ على السطح الرأسى فى نقطة δ فهذه النقطة الاخيرة هى من نقط المسقط الرأسى لخط تقاطع السطح المفروض مع السطح المعلوم وحيث اننا نعلم ان هذا المسقط الرأسى خط مستقيم مواز لخط θ ويمتد من نقطة δ فنقطة ϵ التى هى تقاطع الخط الموازى مع خط θ هى المسقط الرأسى للنقطة المطلوبة

يمكن ان نفرض ايضا ان الاثر الافقى للسطح الموازى للسطح الرأسى يكون موازيا لخط θ فهذه الطريقة يمكن وجود النقطة المطلوبة من غير مشقة

الرسم الوصفى الثالث

الدعوى الثامنة العملى

اذا كان سطح معلوم فى الفراغ ونقطة وايد انزال (شكل ٣٢) عمودا من تلك النقطة على هذا السطح ووجود نقطة تقابل هذا العمود بالسطح المعلوم تنبه اولاً انه اذا كان خط عمودا على سطح قسما هذا الخط عمودا ايضا على اثرى هذا السطح لان السطح المسقوط من انط العمودى على السطح الافقى عمود على السطح الافقى وعلى السطح المعلوم فالاثر الافقى للسطح المعلوم خط تقاطع سطحين عمودين على السطح الثالث الذى هو السطح المسقوط فالاثر المذكور عمود على كل خط ممتد من موقعه على السطح المسقوط فيكون عمودا ايضا على المسقط الافقى للخط المعلوم ويبحث عن المسقط الرأسى للعمود المجهول كما يبحث عن المسقط الافقى فلاجل وجود مسقطى

العمود المطلوب تنزل عمودين على اثرى السطح المعلوم من مسقطى النقطة المعلومه فهذان العمودان مسقطا العمود المطلوب .
 اذا كان مسقطا خط مستقيم عمودين على اثرى السطح فعموما هذا الخط عمود على هذا السطح ولكن هذا لا يصير صحيحا اذا كان اثر السطح مواز بين لخط الارض لانا نعلم ان مسقطى العمود على السطح المعلوم لا يصيران الاعلى عمودا واحد على خط الارض واذا فرض سطح عمود على خط الارض من هذين المسقطين فكل خط من خطوط هذا السطح يصير مسقطاه على اثرى السطح المعلوم لان تلك الخطوط اعمدة على السطح المعلوم ويقهمن من ذلك ان التعريف الذى ذكر سابقا ليس بعمومى .

الدعوى التاسعة العملى

اذا اريد انزال عمود من نقطة معلومة فى الفراغ على خط مستقيم معلوم فيها فلاجل ذلك ننظر انه اذا فرضنا سطح عمود اعلى الخط المعلوم وبعد ذلك نجعل من النقطة المعلومه سطح مواز بالسطح الاول فهذا السطح يصير ايضا عامودا على الخط المعلوم ويقطعه فى نقطة فاذا وصلنا هذه النقطة والنقطة المعلومه بخط مستقيم فهذا الخط هو العمود المطلوب لان هذا الخط يمر بموقع الخط المذكور فى السطح الذى هو عمود عليه ومن ذلك يقهمن ان الدعوى التى نبحت فى حلها من كبة من دعوتين حللتنا سابقا ولكن لا ضرر ان نشرح ردها

تجعل (شكل ٣٣) ا - و ث د مسقطى الخط المعلوم و م و ه مسقطى النقطة المعلومه فاذا انزلنا خطى ه ه و ح ف عمودين على مسقطى ا - و ث د فهذان الخطان يصيران اثرى سطح عمودا على الخط المعلوم واذا فرضنا خطا كيف ما اتفق فى هذا السطح ومسقطه الافقى يكون و ع ونبحث عن مسقطه الراسى نجده ف ك ونمد خطى ح م ل مواز بين خطى ك ه و و ع من النقطة المعلومه التى

مسطاها م و د ونبحث عن نقطتي تقابل خطي د ح م ل بسطحي
المسقط وهما ص ه و ز فاذا مددنا خطي ص ه ز موازيين
لاثرى ه ف و ه ح من هاتين النقطتين فالخطان المذكوران يصيران
اثرى سطح عمودا على الخط المعلوم وما رام من النقطة المعلومه واذا بحثنا الان
عن نقطتي تقابل الخط المعلوم بسطحي المسقط وهما ر و ص
ووصلنا بين م و ر وبين د و و ص فخطا م ر و د ص
هما مسقطا العمود المطوب وبموجب ما مر يمكن وجود هذا العمود

الحل الثاني

(شكل ٣٤) نجعل دائمة خطي ا ب و ث د مسطحي الخط المعلوم
و م و د مسطحي النقطة المعلومه ونفرض سطحنا عمودا
على الخط المعلوم ولذلك نمد من النقطة المعلومه خطا مستقيما اقويا
موازيا للاثر الافقي المجهول للسطح المذكور فسطاها هذا الخط يصيران
احدهما د ه عمودا على خط ا ب والآخر م ف موازيا لخط الارض
ونبحث عن نقطة تقابل الخط المذكور بالسطح الراسي فهذه النقطة تصير
من نقط الاثر الراسي للسطح العمود على الخط المعلوم المار بالنقطة المعلومه
واذا انزلنا بعد ذلك عمود ف و على ث د من نقطة ف فهذا العمود
هو الاثر الراسي المذكور وتنزل عمود و ز على خط ا ب من نقطة و
فهذا العمود هو الاثر الافقي للسطح العمود على الخط المعلوم وما بقي للحل يتم
كما في الحل الاول

الدعوى العاشرة العملية

اذا علم سطح في القرنيغ واريد استخراج الزاويتين الواقعتين بينه وبين سطح
المسقط

(شكل ٣٥) نجعل ا ب و ا ث اثرى السطح المعلوم ونقيم من اى
نقطة من نقط الاثر الافقي لهذا السطح عمودا على ذلك الاثر ونفرض من هذا

العمود سطحاً راسياً فالأثر الراسي للسطح الأخير يصير خط هـ - عموداً على خط الأرض وحيث إذا نظرنا إلى الخط الفراغي الواصل بين نقطتي هـ و د نجد عموداً على خط ا ب والزاوية الواقعة بين الخط المذكور وخط هـ د تصير الزاوية الواقعة بين السطح المعلوم والسطح الأفقي ولكن إذا تأملنا نجد أن خط هـ د وتر مثلث قائم الزاوية الذي ضلعا هـ و د هـ ولاجل رسم هذا المثلث على حقيقته ووجود الزاوية المثلوية تدور سطح هـ د حول خط هـ ح حتى يصير سطحاً واحداً مع السطح المسقط الراسي ففي هذا التحرك نقطة د ترسم قوس دائرة يبعد هـ د وتقع على نقطة ف من خط الأرض فإذا وصلنا بين نقطتي هـ و ف فزاوية هـ ف د تصير الزاوية المطلوبة

وإذا بحثنا الآن عن وجود الزاوية الواقعة بين السطح المعلوم والسطح الراسي نقيم عمود ح ش على اثر ا ب الراسي ونفرض سطحاً عموداً على السطح المسقط الراسي من خط ح ش فالأثر الأفقي لهذا السطح يصير خط ش د عموداً على خط الأرض والخط الفراغي الواصل بين نقطتي ش و د يصير عموداً على خط ا ب وبعد الأثبات السابق إذا قطعنا من خط الأرض خط ش و د و وصلنا بين نقطتي و د فزاوية ش و د تصير الزاوية المطلوبة وقد يمكن أيضاً تدوير السطح الأول حول خط هـ د والسطح الثاني حول خط ش د من غير أن يحدث صعوبة

الرسم الوصفي الرابع

الدعوى الحادية عشر العملية

إذا كان سطحان معلومين وأريد وجود الزاوية الواقعة بينهما على سطح مسقط

تجعل (شكل ٣٦) ا ب وهـ ا ب أثرى السطح الأول و د هـ و د هـ أثرى السطح الثاني ونبحث عن مسقط هـ د الأفقي لخط تقاطعهما

ولذلك

ولذا يك يفرض في الفراغ سطحاً عموداً على خط تقاطع السطحين
 المعلوماتين فيصير هذا الخط عموداً على اثنى السطح الثالث على
 السطحين المعلوماتين فهذان الاثران يحدثان بينهما زاوية مساوية للزاوية
 المطلوبة فالسطح العمود على خط التقاطع له اثر افاقي عموداً على خط هـ -
 واثر هذا السطح على السطحين المعلوماتين ينتهيان الى السطح الافقي في نقطتي
 ح و ش نقط هـ ش هو قاعده المثلث الذي زاويته المتقابلة للقاعدة
 هي الزاوية المطلوبة فالمتصود رسم تكذا المثلث ولا اجل باو غ المراد يفرض
 سطح قائم من خط هـ - هـ فهذا السطح يحتوي على خط تقاطع السطحين
 المعلوماتين ويقطع ايضاً السطح العمود على خط التقاطع في خط متقابل
 بالسطح الافقي في نقطة و وبعد ذلك اذا التى النظر يوجد ان هذا الخط هو
 ارتفاع المثلث المطلوب ومع ذلك الخط المذكور هو عمود على خط تقاطع
 السطحين المعلوماتين فالان اذا دور السطح القائم من خط هـ - هـ حتى ينطبق
 مع السطح الافقي فنقطة ش التي هي نقطة تقاطع السطحين المعلوماتين
 مع السطح الراسي ترسم في هذه الدائرة قوس دائرة في سطح عموداً على هـ - هـ
 وتقع على نقطة ف فمن ذلك خط هـ - ف هو خط تقاطع السطحين
 المعلوماتين موضوع على السطح الافقي وحيث ان ارتفاع المثلث المذكور عمود
 على هذا الخط ففي التحرك الذي حصل لا يتغير وضع هذين الخطين المذكورين
 لانهما ينطبقان على السطح الذي احتوى عليهما فقط وبعد ذلك اذا انزل عمود هـ
 خط هـ - ف من نقطة هـ فهذا العمود مقدار ارتفاع المثلث
 كوروا اذا دور سطح هذا المثلث حول خط ح ش لاجل ان ينطبق
 على السطح الذي في النقطة في الفراغ التي هي راس المثلث المطلوب
 تقع على نقطه هـ خط هـ هـ واذا فرضت نقطة هـ ك مركز
 ورسم قوس ت ك يبعد مساوياً لخط هـ هـ ووصل بين ك و ح
 وبين ك و ش و ش هـ فزاوية ح ك ش هي الزاوية الحادة بين السطحين
 المعلوماتين المطلوبة

طريقة اخرى

يطبق السطح المماس الذي يمر بنقط $ه$ على السطح الرأسى عوضا عن ان يطبق على السطح الافقى بنقط $ث$ ل يصير مقدار خط تقاطع السطحين المعلومين وخط $ح$ غ يصير ارتفاع المثلث الذي ذكر سابقا ويصير مساويا لنقط $و$ ك اذا كان الرسم صحيحا

الدعوى الثانية عشر العملية

اذا كان خطان معلومين ومتقاطعين في الفراغ و اريد رسم الزاوية الحاصية من تقاطعهما على سطحى المسقط

(شكل ٣٧) نجعل ان خطى $ا - و$ و $ث$ و خطى $ه و و ه ف$ مساقط الخطين المعلومين ولكن من حيث ان هذين الخطين متقاطعان يلزم ان مسقطى نقطة تقاطعهما $ل و ه$ يكونان على عمود واحد على خط الارض فاذا كان الامر كذلك نبتدء بوجود تقطى تقابل هذين الخطين بالسطح الافقى وهما $ا و ث$ ونوصل بين هاتين النقطتين بنقط $ا ث$ فهذا الخط والخطان المعلومان تحدث مثلثا في الفراغ والزاوية المقابلة لنقط $ا ث$ هي الزاوية المطلوبة فيلزم ان نبحث الان على رسم هذا المثلث ولا نجعل ذلك نعلم ان نقطة $ه$ هي المسقط الافقى لرأس المثلث المطلوب فاذا انزلنا عمودا من نقطة $ه$ على خط $ا ث$ بنقط $و$ يصير المسقط الافقى لارتفاع المثلث وخط $ه و$ هو ارتفاع رأس المثلث على السطح الافقى فيفهم من ذلك ان هذا الارتفاع وتر مثلث قائم الزاوية الذي ضلعاها الاخران هما خطى $و و ه و ه و$ فاذا اخذنا على خط الارض مقدار $حش = و$ و وصلنا بين نقطتى $ه و$ بنقط $هش$ يصير ارتفاع المثلث المذكور فاذا اخذنا من نقطة $ه$ بعد $و ك = هش$ و وصلنا بين نقطتى $ا و ك$ وبين $ث و ك$ فزاوية $ا ك ث$ تصير الزاوية المطلوبة يمكن اخذ المسقط الرأسى لنقط تقاطع السطحين عوضا عن ان يؤخذ المسقط

٢٤ لافقي لخط تقاطعهم لاجل حل المسئلة وطريقة الحل هي كما ذكرنا سابقا

الدعوى الثالثة عشر العملى

المقصود رسم الزاوية التي تحصل بين خط و سطح معلومين في الفراغ الزاوية الواقعة بين خط ومسقطه على سطح يسعونها زاوية حاصلة او حادثة بين خط و سطح ومن ذلك اذا انزلنا عمودا على السطح المعلوم من نقطة من الخط المعلوم نجد ان الزاوية الحاصلة بين هذا العمود والخط المعلوم هي تمام الزاوية المطلوبة ورسم هذه الدعوى مركب من رسوم الدعوى السابقة فلا يلزم ان نعيد ما ذكرناه سابقا واذا توقف الطالب فالينظر (شكل ٣٨)

الرسم الوصفى الخامس

الدعوى الرابعة عشر العملى

اذا كان خطان معلومان في الفراغ واريد رسم بعدهما الاصغر على سطحى المسقط

فلاجل سهولة رسم حل هذه الدعوى نحلها اولاً بطريقة الهندسة العادية ولذلك نجعل ab و cd الخطين المعلومين في الفراغ ونمد ef موازياً لخط cd من نقطة e حيث ما كانت من خط ab نقطاً ab و ef يحدان سطحاً موازياً لخط cd ومن نقطة e ننزل خط de عموداً على سطح cd ومن نقطة d نمد de موازياً لخط ef وناخذ على خط de من نقطة e بعد d مساوياً لخط de ونصل بين نقطتي e و d بخط ed فهذا الخط يصير عموداً مشتركاً على خطي ab و cd ويصير اليه بعد الاضغرين هذين الخطين حيث ان de و ed كل منهما مواز لخط ef فهذان الخطان هما متوازيان وما عدا ذلك خط ed و de وشكل de و d

متوازي الاضلاع ولكن زاوية δ هي قائمة فلاجل ذلك متوازي
الاضلاع هو مستطيل وخط ϵ δ عمود على الخطين المعلومين قالان
اذا وصلنا نقطة δ مع أي نقطة حيث ما اتفق مثلا ω من خط α نجد
خط δ و ω δ α ونبحث كذلك على ان كل خط واصل بين
نقطتين من خطي α و δ يكون اكبر من خط ϵ δ فيفهم
من ذلك ان خط ϵ δ هو البعد الاصغر بين الخطين المعلومين فنسأل
الان ان خط δ هو مسقط خط δ على سطح α وايضا ان
هذين الخطين متوازيان لان δ مفروض انه مواز لسطح α
وتتطرا ايضا ان نقطة δ التي هي من نقط العمود المشترك على الخطين
المعلومين هي نقطة تقاطع خط α بمسقط δ على سطح
 α فاذا وجدنا نقطة δ تنزل منها عمود δ على سطح α
فهذا العمود هو البعد الاصغر المطلوب
لاجل رسم ما ذكرناه على سطحي المسقط اعني وجود البعد الاصغر
الذي بين خطين معلومين في الفراغ نجعل α و δ مسقطي
الخط الاول المعلوم ω δ α δ مسقطي الخط الثاني
المعلوم ونبحث عن نقطة δ التي هي تقابل الخط الاول بالسطح الزاسي
وتمد خطا موازيا للخط الثاني المعلوم من النقطة التي مسقطها الافقي
 δ فمسقطا هذين الخطين المتوازيين بصيران δ و δ ونبحث
ايضا عن نقطتي α و δ اللتين هما نقطتي تقابل الخط الموازي والخط الثاني
المعلوم بالسطح الافقي فالسطح المار بهذين الخطين بصير موازيا لخط δ
و δ و اثره الراسيان والافقيان بصيران δ δ δ ونبحث
الان عن وجود مسقط الخط الثاني على السطح الموازي δ δ δ المسقط موازيا
للخط المذكور نفسه فيكفي معرفة أي نقطة على سطحي المسقط من نقط كل
واحد من مسقطي المسقط المطلوب ولاجل ذلك ننزل عمودا على سطح δ δ
من نقطة δ التي هي تقابل الخط الثاني بالسطح الافقي فمسقطا هذا

العمود اللذان هما له و شرح المنزلان عمودين على السطح المذكور
 فاذا بحمل عن نقطة تقابل هذين العمودين في الفراغ بسطح α م
 فمستقطا هذه النقطة بصيران r و h واذا مسدنا من هاتين
 النقطتين خطين موازيين لخط h ف o و g يشهد به لم مسقط الخط
 الثاني على سطح α م و h حيث ان نقطتي o م و g هما
 مشتركتا بين مسعطي خطي h و g وهما الاولين ومسعطي
 الخط الذي علمناه سابقا فنقطتا o م و g هما مساقطا النقطة
 التي هي في الرسم بالهندسة العادية فاذا انزلنا من هاتين النقطتين
 عمودين على ارضي السطح المذكور فهذان العمودان يصيران
 مسعطين للعمود المشترك على الخطين المعلومين وجزء هذين
 العمودين اللذين بين مساقط الخطين الاولين هما مسعطا البعد الاصغر
 بين الخطين المعلومين ويوجد مقدار هذا البعد بالطرق التي ذكرت
 سابقا

اذا اريد وجود البعد الاصغر فقط بين خطين معلومين من غير
 بالتعلق بموضعه في الفراغ قبل الدعوى بصير مختصرا جدا لانه
 يكفي ان يعرف مقدار عمودنازل من نقطة من نقط الخط الثاني
 المعلوم على السطح المار بالخط الاول المعلوم حيث ان الخط المستقيم
 الفراغي الواصل بين نقطتي l و s هو خط تقاطع السطح
 المار بالعمود النازل من نقطة f على سطح α م مع هذا
 السطح فن ذلك يفهم ان البعد الاصغر المطلوب هو عمودنازل من
 نقطة f على α م التقاطع المذكور واذا طبقنا سطح
 l و s تمام على سطح الافقي في l و s وانزلنا f م
 عمودا على l و s فهذا العمود هو البعد الاصغر المطلوب وهذا
 الحل يعتبر كبرهان لرسم الحل الاول

يمكن ايضا حل المسئلة الاولى بالطريقة الاتية ولاجل ذلك نفرض

سطحا موازيا للخطين العلويين ومن كل من الخطين المذكورين تجعل
سطحا عمودا على السطح الاول وخط تقاطع هذين العمودين هو البعد
الاصغر المطلوب

الجزء الثاني من الهندسة الوصفية

تعريف السطوح الظلية او المماسية للاجسام والخطوط العمودية على تلك
السطوح الظلية

في علم الهندسة الوصفية الخط المنحني هو خط مركب من جله نقط متتابعة
واذا حكم على هذه للنقط بان تكون على سطح مستو فالخط المنحني
المركب من النقط يسمى خطا منحنيا مستويا واذا كانت هذه النقط ليست
على سطح مستو فالخط المنحني المركب منها يسمى خطا منحنيا
مضعف الانحناء

الخط المنحني يعتبر كشكل كثير الاضلاع عدد اضلاعه غير متناه وكل
ضلع صغير من الشكل المذكور يسمى عنصرا واذا امتد هذا الضلع
يصير خطا مماسا للخط المنحني المذكور

الخط المماس لخط منحن يعتبر كخط قاطع ولكن نقط التقاطع تجمع في نقطة
واحدة وهي نقطة التماس والخط العمود على الخط المماس يسمى خطا
عموديا

الجسم هو رسم هندسي لخط منحن تارة لا تتغير صورة هذا الخط عند تقبله
وتارة تتغير صورته وموضعه معا وحيث ان هذا التعريف صعب الفهم اكونه
عاما يحتاج ان يوضح بامثال معلومة

الاسطوانة يمكن رسمها بطريقتين تارة من تحريك خط مستقيم مواز دائما
لخط مستقيم اخر معلوم ومتكفي في مدة تحركه على خط منحن معلوم ايضا وهذا
الخط المنحني يسمى خط الاتكاء وتارة من تحريك خط الاتكاء في نقطة واحدة على
خط مستقيم فن جميع النقط الاخر لذلك الخط المنحني تحركات خطوط موازية
للخط المستقيم المذكور وجميع تلك الخطوط المستقيمة المتوازية تحدث اسطوانة
ويقوم من ذلك ان الخط المستقيم والخط المنحني المفروضين لرسم الجسم
الاسطوانة في غير موضعهما من غير صورتهما

المخروطات يمكن ايضا رسمها بخط مستقيم دائما نقطة معلومة ويدور حول هذه النقطة وهو مركز على خط منح سعير فالنقطة التي يمر بها الخط تسمى رأس المخروط وتسمى غالبا مركز المخروط وفي هذه الحالة الخط المستقيم المقروض لرسم المخروط يغير موضعه من غير ان تغير صورته

وتوجد طريقة اخرى لرسم المخروط وشرح هذه الطريقة يفرض ان قاعدة المخروط دائرة وهي الخط المنحني المسمى سابقا خط الاتسكا ويقدر ان هذه الدائرة تتحرك بشرط ان مركزها لا يزال على خط مستقيم ما لم يتركز المخروط ونصف قطر هذه الدائرة ينقص دائما بالنسبة لبعدها من مركز المخروط اعني ان نصف قطر الدائرة ينقص كل ما يقرب مركزها من مركز المخروط وتصير نقطة واحدة مع مركز المخروط حين وصول مركزها اليه

اذا اريد امتداد المخروط من جهة راسه يمد الخط المار بهذا المركز على استقامته الى غير النهاية ويجعل مركز المخروط دائرة صغيرة جدا ومركزها يسير على الخط المستقيم المذكور ونصف قطرها يزيد بالتناسب مع بعد مركز الدائرة من مركز المخروط ومن حيث ان افرضنا ان الخط المستقيم لانه لانه فنصف قطر الدائرة يزيد الى غير نهاية ومحيط الدائرة المذكورة يصير ايضا الى غير نهاية ففي هذه الحالة الخط الراسم غير موضعه وصورته معا

الجسم المسمى تحريكا هو جسم مرسوم من دوران خط منحن مستو حول خط مستقيم موضوع في اي جهة كانت في سطح هذا الخط المنحني ففي هذه الدورة كل من نقط الخط المنحني ترسم دائرة وكل هذه الدوائر عمودا على الخط المستقيم المذكور المسمى محور الجسم فالجسم الحادث من هذا التشكيل هو الجسم المطلوب وينظر بعد ذلك ان الخط المنحني لم يغير الاموضعه دون صورته

وكذلك يمكن رسم الجسم التحركي بدوران دائرة ولكن بشرط ان يفضل دائما مركز هذه الدائرة على محور الجسم وسطحها عمودا على هذا المحور ونصف قطرها يتغير كل لحظة ويصير مساويا لبعدها نقطة تقاطع سطحها بالمحور على

بعد نقط تقاطع هذا السطح مع خط منحن كيف ما كان موضوعا في الفراغ
ويفهم من ذلك ان الخط الراسم تتغير صورته وموضعه معا فالثلاثة امثلة
التي ذكرت تنبه على ان جميع الاجسام يمكن ان يمتدحريك خط منحن
محدود .

السطح المار بمحور من جسم الاجسام التحركية يسمى سطحا قاطعا جانبيا
واذا كان هذا السطح عمودا على محور الجسم يسمى قاطعا معتدلا وخط تقاطع
السطح القاطع الجانبي بالجسم يسمى خطا جانبيا وخط تقاطع المعتدل بالجسم
يسمى معتدلا .

الجسم المرسوم من دوران سطح قطع مكافئ حول قطر من اقطاره يسمى
كافيا مجسما .

اذا نقل خط راسم من موضعه لموضع اخر في رسم جسم وكان موضعا
في سطح مستو واحد فالجسم المرسوم يمكن بسطه اى انفراجه ولذلك يسمى
جسما مبسوطا لانه اذا فرضنا عنصريين في الجسم المذكور واصلين بخط
مستقيم وقد رنا ان احدهما يدور مع الجسم حول الخط المستقيم المذكور
حتى ان سطحه ينطبق على سطح العنصر الثاني وفعلنا ذلك بجميع عناصره
الجسم فهذه العناصر تجتمع على سطح مستو واحد وتحدث انبساط الجسم
والسطح المستوي المذكور يسمى سطح السطح اوسط الانبساط .

السطح المماس لجسم منحن في نقطة معلومة هو سطح مارن خطين مماسين
لخطين منحنين مارين بالنقطة المعلومة ومرسومين على الجسم المعلوم فلتحقيق
هذا التعريف يلزم ان تثبت ان جميع الخطوط المماسية بخطوط منحنية
مرسومة على الجسم المعلوم ومارة بالنقطة المعلومة على سطح مستو واحد
فلذلك يجعل σ م ش صورة الخط الراسم حين يمر بنقطة م ويجعل
م د خطا منحنيا مرسوما على السطح المعلوم متوكيا على خط σ م ش
وايضا يجعل σ م غ خطا منحنيا اخر كل ما كان مرسوما على الجسم المعلوم
ومارا بالنقطة المعلومة فاذا اثبتنا ان الخطوط المماسية لخطوط م σ

و م د و د غ المنحنية في سطح مستو واحد فالتعريف الذي ذكرناه
يصير صحيحا ولذلك ينظر الخط الراسم في موضعه الآن حين يسير على خط
م د ويمر بنقطة م القريبة من نقطة م ويفرض ان د ش ه هو الخط
الراسم المذكور ونقطة د هي نقطة تقاطعه مع خط م غ فاذا وصلنا بين
نقطتي م و م وبين نقطتي د و د بخطوط مستقيمة لانهاية لها
فالثلاثة خطوط تصير قواطع لخطوط م د و م غ و د ش المنحنية
وتصير ايضا في سطح مستو واحد فاذا قدرنا الان ان خط د ش يتحرك على
خط م د ويقرب لموضعه الاول وبعد ذلك نفرض ان سطح الثلاثة خطوط
القاطعة يدور حولها تقطع م بشرط ان يمر في وقت واحد بنقط د م د و م
مع الخط الراسم ويقطع خطي م د و م غ فهذا السطح المتحرك يركب دائما
من الثلاثة خطوط قاطعة المتحركة التي ذكرت سابقا وحين ياتي الخط الراسم
لموضع د م ش فنقطة م المتحركة على خط م د تطبق على نقطة م
حينئذ نقطة د تطبق ايضا على نقطة م وفي خط د ش نقطتا
د و ش يصيران ايضا منطبقين على بعضهما في هذه الصورة الثلاثة
خطوط القاطعة تصير مماسة لخطوط م د و م غ و د ش المنحنية
وتصير ايضا في سطح مستو واحد

واذا وجد في جسم طينان او طيات كثيرة تتقاطع كما يحصل في المخروطات
التي قواعدتها اخط منحن موجود فيه نقط مضروبة اعني مشتركة بين اجزاء خط
منحن واحد كنقطة م التي على الخط المنحني للذي (في شكل ٢) في الاول
يظهر ان نقط تقاطع هاتين الطيتين لا يمكن اجراء تعريف السطح المماس الذي
ذكرناه سابقا عليهما ولكن اذا قدرنا نقطا مشتركة للطيتين تجدان حالة هذه
النقط لا تغير تعريف السطح المماس فاذا تأملنا ان جميع الخطوط المماسية
لنقطة المذكورة يلزم ان تكون مفرقة على الطيتين كما تكون مفرقة على اجسام
غير متعلقة ببعضها وهي التي تتقاطع في مجل واحد تجدان السطح المماس
لكل منهما مخالفا للسطح المماس للآخر

تعريف السطح المماس الذي ذكر سابقا ليس بعمومي لجميع تقط الاجسام
 لانه يوجد في النقط كلج يسمى تقطافريدة ولا يمكن اجراء تعريف السطح
 المماس على تلك النقط مثلا في راس المحروط الاضلاع التي تتقاطع في هذه
 النقطة هي خطوط موضوعة على الجسم ومماسة لنفسها ولا يمكن هذه
 الاضلاع توجد مثلثي مثلثي في سطوح مستوية مختلفة فيفهم من ذلك ان راس
 المحروط هي نقطة فريدة في هذا الجسم حيث انه لا يمكن امتداد سطح مماس
 منها لان الخط الراسي المنحني يصغر قربه من راس الجسم وحين يصل اليه يصير
 نقطة واحدة مع راس الجسم وذلك يدل على قلة امكان امتداد سطح مماس
 من هذه النقطة وكذلك في الاجسام التحركية يوجد نقط لا يمكن امتداد
 سطوح مماسة لهذه الاجسام منها مثلا اذا كان الخط الجانبي لا يقطع محور
 الجسم لهذا الجسم فلا يمكن امتداد سطح مماس من نقط سطح الخط
 الجانبي

ويوجد اجسام لها سطوح مماسة افادتها تستحق كثرة التامل اليها نفرض
 اسطوانة ا ب ث وقاعدتها كيف ما اتفق فاذا جعلنا سطحيا من ضلع من
 اضلاع الجسم ومن خط ث المماس لقاعدة هذا الجسم يكون هذا السطح
 مشتتلا على جميع الخطوط المماسية للخطوط المنحنية المارة بنقطة
 والمرسومة على الجسم ويشتمل ايضا على جميع الخطوط المماسية بالخطوط
 المنحنية المرسومة على الجسم من جميع تقط خط ا ب او لا يوضح ذلك بكتفي
 باثبات ان سطح ا ب ث يحتوي على جميع الخطوط المماسية التي كخط
 م صه المماس لخط م ع المنحني ولذلك نفرض ان سطح ا ب و مار بخط
 ا ب وينقطة ب القريبة من نقطة م فهذا السطح يقطع الاسطوانة بخط
 ر ش ويشتمل على خطين م ر و م سه القاطعين فاذا دار هذا السطح
 حول خط ا ب بشرط ان تقرب نقطة ر من نقطة م فنقط التقاطع
 التي هي ر و س و سه تفضل دائما على خط متحرك مواز لخط ا ب
 وحين توضع نقطة ر على نقطة م تقع نقطة سه على نقطة م اعني

ان السطح المتحرك حين ياخذ موضع $ا ب ت$ نقط $م$ منه القاطع المتحرك
الذي هو دائما على السطح المستوي المذكور يصير الخط المماس لنقط $م$ منه
المنحنى ولا يزال على السطح المقروض ويفهم مما ذكرناه ان السطح المماس
لاسطوانة في نقطة من نقط ضلع من اضلاع هذا الجسم هو مماس في جميع نقط
هذا الضلع

فالتعريف الذي ذكرناه من قبل السطح المماس لاسطوانة يجري على
الاجسام المخروطية ولكن عوضا عن ان يكون الخط الراسم موازيا لخط $ا ب$
في الجسم الاسطواني يقطع دائما هذا الخط في راس المخروط في الجسم المخروطي
التعريف الذي ذكرناه للسطح المماس يجري على جميع الاجسام البسيطة
التي الاسطوانات والمخروطات جنس منها

اذا كان خط $م د$ منحنيا وخط $م ص$ مستقيما مماسا لهذا الخط المنحنى
فقطاهما على اى سطح يصيران ايضا مماسين لانه اذا اردنا ان نسقط الخط
المنحنى على السطح المعلوم نفرض من هذا الخط اسطوانة عمودا على سطح
المسقط ونفرض ايضا سطح $م ص هـ ر$ من خط $م ص$ المماس فهذا
السطح ممس بالاسطوانة في نقطة $م$ ويلزم ان يكون ايضا مماسا لهذا الجسم
في نقطة $ر$ ومشملا على خط $ر ت$ المستقيم المماس لنقط $ر$ من المنحنى
نقط $ر ت$ المماس هو مسقط خط $م ص$ على سطح المسقط

هذا التعريف يليق ايضا اذا كان يسقط الخط المنحنى والخط المماس به بخطوط
مخرقة على السطح المعلوم يلزم ان تكون الخطوط متوازية فقط
الطريقة التي قررناها الامتداد سطح مماس لجسم في نقطة معلومة على هذا
الجسم تحتوى على البحث عن خطين مستقيمين مماسين لخطين منحنين مارين
بهذه النقطة ومرسومين على الجسم المذكور ولكن في الجسم المتحرك السطح
المماس لهذا الجسم في نقطة من نقطه هو المنحنى من الخطين المماسين بالخط
الجانبى وبالخط المعتدل

انعمودا على جسم في نقطة هو خط مستقيم عمودا على السطح المماس لهذا

الجسم في هذه النقطة ويقطع السطح المماس في النقطة المعلومة ويعلم من ذلك ان الخط العمودي بالجسم تحرك في نقطة كل ما كانت مثل م يوجد دائما في سطح الخط الجانبي المار بهذه النقطة وايضا جميع الخطوط العمودية على الجسم المعلوم تتلاقى بمحور هذا الجسم ويفهم بالسهولة ان جميع الخطوط العمودية على الجسم المذكور في نقط الخط المعتدل تتلاقى في نقطة واحدة على خط المحور وجميع هذه الخطوط العمودية تحدث محروطا معتدلا اذا كان جسمان يتقاطعان فخط تقاطعهما خط منحن فلو وجد الخط المستقيم المماس بخط التقاطع في نقطة من نقط هذا الخط لنظر ان السطح المماس باول جسم في النقطة المعلومة يشتمل على الخط المماس المطلوب وايضا السطح المماس بالجسم الثاني في النقطة المعلومة يشتمل على الخط المماس المطلوب فيفهم من ذلك ان الخط المماس المطلوب هو خط تقاطع السطحين المماسين بالجسمين المعلومين في النقطة المعلومة على الخط المشتركين هذين الجسمين اذا اريد وجود خط مماس لخط تقاطع جسم بسطح مستوي في نقطة من نقط خط التقاطع يفهم ان السطح المماس للجسم المعلوم في النقطة المعلومة مشتمل على هذا الخط وكذلك السطح المعلوم فيخط تقاطع هذين السطحين هو الخط المطلوب

بيان تقاطع الاجسام المنحنية بسطح مستوي

الخط المنحني الحادث من تقاطع جسم بسطح مستوي يمر بجميع النقاط الحادثة من تقاطع السطح المذكور مع جولة خطوط ممتدة على الجسم المعلوم مثلا اذا فرضنا خطا كل ما كان على الجسم المعلوم فهذا الخط يقطع السطح التقاطع في نقطة او جولة نقط وهذه النقط تصير من نقط الخط المنحني الذي هو خط تقاطع السطح المعلوم بالجسم المعلوم فان الخط المفروض يمكنه ان يكون خطا مستقيما او خطا منحنيا مستويا او خطا منحنيا مضعاف الانحناء

بيان حل مسائل تقاطع سطح بجسم

اولا اذا كان للجسم خط راسم مستقيم فالسطح القاطع يقطع هذا الخط في نقطة في جميع المواضع التي يمر بها وتوجد نقط تقابل هذا السطح بجميع هذه الخطوط بالطريقة التي ذكرناها سابقا والخط المار بهذه النقط هو خط التقاطع المطلوب

ثانيا اذا كان للجسم خط راسم منحني مستو ولكن سطح الخط المنحني يغير موضعه والخط المنحني نفسه يتغير على سطحه فسطح الخط الراسم اذا فرض في محل معلوم يقطع السطح القاطع بالجسم في خط مستقيم وهذان السطحان ليس لهما نقط مشتركة غير نقطة تقاطعهما وليفهم من ذلك ان تقط تقاطع السطح القاطع بالخط الراسم المنحني توجد على خط تقاطع السطحين المعلومين فاذا اجتمعنا عن وجود خط تقاطع السطحين المذكورين بالطريقة التي ذكرناها سابقا تكون نقط تقاطع هذا الخط المستقيم مع الخط الراسم من نقط خط تقاطع السطح المعلوم بالجسم المعلوم

مثلا اذا كان للجسم خط راسم منحني مضاعف الاثنية فوضع هذه الحالة كالحالة الاولى

اذا فرض الخط الراسم في محل معلوم على جسم مجدول يعتبر هذا الخط كخط من خطوط الاتكاء الثلاثة التي في الجسم المجدول (الجسم المجدول المذكور مرسوم من تقبل خط مستقيم متكي دائما على ثلاثة خطوط منحنية) وخط الاتكاء الباقيين كل ما كان

اذا فرض خطان مستقيمان موضوعان باي حالة كانت بالنسبة لخط منحني معلوم واخذت نقطة من نقط هذا الخط المنحني وفرض منها ومن خط مستقيم من خطوط الاتكاء سطح فهذا السطح يقطع خط الاتكاء الثاني في نقطة فاذا وصل بين هذه النقطة والنقطة التي اخذت يحط مستقيم فهذا الخط هو من خطوط الجسم المجدول الذي يمر بالخط المنحني المعلوم والسطح القاطع المقابل للخط المنحني يقطع الجسم المجدول وسطح خط تقاطعه يشتمل على النقط المشتركة بين السطح القاطع والخط المنحني المعلوم ويفهم من ذلك ان تلك النقط توجد

على سطح خط التقاطع المستوي من الجسم المجدول وعلى الخط المنحني المعلوم وهي على خط تقاطعهما

اذا علم مسقطا خط منحني راسم لاجل وجود هذا الخط بفرض اسطوانتين مرسومتين بخطين مستقيمين عمودين على سطحى المسقط وقاعدتا هما الخطان المنحنيان المذكوران فكل من الاسطوانتين تشتمل على الخط المنحني المذكور وتصير عوضا عن الجسم المجدول الذي له خطا اتكاء مستقيمان ككل ما كان مأخوذاً من خارج الخط المنحني المذكور فكل من الاسطوانتين تقطع السطح المستوي الذي يقابل الخط المنحني المعلوم والنقط المشتركة بين هذا الخط المنحني وتخطى تقاطع السطح القاطع بالاسطوانة هي النقط المطلوبة

الرسم الوصفي السادس المسألة الاولى

المطلوب استخراج سطح مماس بالاسطوانة في نقطة معلومة على هذا الجسم فيجعل ان خطى $a - b$ و $c - d$ مسقطا الخط المستقيم الموازية له اضلاع الاسطوانة وتعرض ان خط تقاطع الاسطوانة بالسطح الافقى تكون الدائرة التي مركزها h فالمساقط الافقية لاضلاع الجسم يلزم ان تكون موازية لخط $a - b$ والمساقط الراسية لهذه الاضلاع يلزم ايضا ان تكون موازية لخط $c - d$ وبعد ذلك اذا اردنا حدود المسقط الافقى للجسم المعلوم تمدد الدائرة التي مركزها h خطين $g - h$ و $e - f$ مماسين وموازيين لخط $a - b$ فجميع المساقط الافقية لاضلاع الجسم تقع بين خطي $g - h$ و $e - f$ وتصير موازية لهذين الخطين ولاجل وجود المسقط الرأسى للجسم المعلوم وحدود هذا المسقط تمدد قطر $l - m$ موازيا لخط الارض من مركز h ونسقط نقطتي $l - o$ و $m - p$ هما طرفي هذا القطر على السطح الرأسى فيصير مسقطاهما $q - r$ و $s - t$ فاذا تأملنا مجرى ان المساقط الراسية لاضلاع الجسم تقطع خط الارض بنقط موضوعة بين نقطتي $h - o$ و $h - p$ وحيث اننا نعلم ان المساقط الافقية لتلك الاضلاع

يلزم ان تكون موازية نلظ ث و فاذا مدنا خطي ك و و غ موازيين
 نلظ ث و من تقطقي ك و و فهذان الخطان يصيران حدود المسقط الراسي
 للجسم الاسطوانى وبعد ذلك نجعل نقطة ف المسقط الافقى للنقطة
 التى على الجسم ويلزم امتداد سطح مماس للجسم المعلوم منها فننظر اولان نقطة
 ف هى مسقط افقى مشترك لنقطتين موضوعتين على الجسم المعلوم فى الفراغ
 لانه اذا اقتنا عمودا على السطح الافقى من نقطة ف فهذا العمود يقطع
 الاسطوانة فى نقطتين موجودتين على ضلعين من اضلاع الجسم اللذين
 مسقطاهما الاقبيان يمران بنقطة ف و حيث انا نعلم ان هذين المسقطين
 موازيان نلظ ع و فخط ص ه ف ه هو المسقط الافقى المشتركين
 الضلعين المذكورين اللذين يشتملان على التقطبتين فى الفراغ اللتين لهما
 مسقط افقى مشترك فى نقطة ف ونعلم ايضا ان جميع اضلاع الجسم لا يمكنها
 ان تقابل السطح الافقى الافقى نقط من نقط الدائرة التى مركزها ه
 ولا تقابله ايضا الافقى نقط من نقط مساقطها على هذا السطح فيفهم من ذلك
 ان الضلعين اللذين ذ ك ر اسابقا يقابلان السطح الافقى فى تقطقي
 ث و و ر فاذا اسقطنا تقطقي ث و ر على خط الارض فى تقطقي ت
 و س ومددنا خطين موازيين نلظ ث و من هاتين النقطتين فهذان الخطان
 يصيران المسقطين الراسيين للضلعين المذكورين واذا اقتنا الان عمودا على خط
 الارض من نقطة ف فهذا العمود يقطع المسقطين الراسيين اللذين وجدنا فى
 تقطقي ع و غ وهاتان النقطتان يصيران المسقطين الراسيين للنقطتين على
 الجسم اللتان لهما ف مسقط افقى مشترك واذا اردنا الان ان نجد اثرى
 السطح المماس للجسم فى النقطة التى مسقطها ف و غ نعلم بعد ما تقدم
 سابقا ان السطح المماس فى نقطة من اسطوانة يشتمل على جميع الاضلاع التى
 تمر بهذه النقطة واثره الافقى خط مماس بخط تقاطع الجسم بالسطح الافقى فى
 نقطة تقابل الضلع المماس بالنقطة المعلومه مع السطح الافقى فاذا مددنا خط
 ف و مماسا للدائرة التى مركزها ه من نقطة ف فهذا الخط يصير الاثر

الافقي للسطح المماس المطلوب فلو وجود نقطة من نقط الاثر الرأسى لهذا
السطح تنظر انه من حيث ان الضلع المماس من نقطة التماس لا يمكنه ان يقطع
السطح الرأسى الا في نقطة من نقط الاثر الرأسى للسطح المماس المشتغل عليه
فاذا بحثنا عن نقطة صه التي هي نقطة تقابل الضلع المذكور
بالسطح الرأسى نجد هاهنا من نقط الاثر الرأسى للسطح المماس واذا وصلنا بين
نقطتي صه و صه نخط صه هه هو الاثر الرأسى للسطح المطلوب ويدرك
هذا السطح بعد اثريه فوحيث ان الضلع الذي فرضناه يقطع قاعدة الجسم
في نقطتين يمر بكل منهما خط مماس لهذه القاعدة فيفهم من ذلك انه يوجد
سطحان مماسان للجسم المذكور ويوجد السطح المماس الثاني بطريقة
مشابهة لتي ذكرناها لوجود السطح المماس الاول

التصحيح الاول لرسم حل هذه المسائل

السطحان المماسان اللذان وجدناهما مارين بضلعين من اضلاع الجسم يلزم
ان يكون خط تقاطعهما موازيا لهذين الضلعين لانه اذا فرضنا في السطح
الاول خطا موازيا للضلعين المذكورين من نقطة تقاطع الاثرين الافقيين
للسطحين المماسين فهذا الخط الموازي يوجد على السطح الاول ولوجوب
وجوده على السطح المماس الثاني يصير ايضا خط تقاطعهما واذا بحثنا
عن خط تقاطع السطحين المماسين فهذا الخط يلزم ان يكون موازيا لمسقطي
ا - و ث ه فاذا كان الامر كذلك فالرسم صحيح

التصحيح الثاني

اذا فرضنا خطا افقيا في الفراغ مارا من نقطة التماس وموجودا في السطح
المماس في هذه النقطة فهذا الخط يصير موازيا للاثر الافقي للسطح المماس
المذكور والمسقط الافقي لهذا الخط يصير خط في ا موازيا لخط هه
ومسقطه الرأسى يصير خطا موازيا لخط الارض وحيث ان الخط المفروض
لا يمكنه ان يقطع السطح الرأسى الا في نقطة من نقط الاثر الرأسى للسطح المماس

الذي يشتمل عليه فنقطة - يلزم ان تكون على خط م م
هذا التصحيح يمكن ابرأوه على السطح المماس الثاني

المسئلة الثانية

اذا اريد امتداد سطح مماس لاسطوانة من نقطة خارجة عن هذا الجسم
فالخطوط التي رسمت في ابتداء المسئلة الاولى لوجود عدد مسقطي
الاسطوانة لاتزال كما هي في رسم الحل الذي اريد شرحه
وبعد ذلك نجعل δ و ζ مسقطي النقطة التي خارج الجسم ونمد خطا
موازيا للخط الراسم اولضلع الجسم من هذه النقطة فمسقطا هذا الخط الموازي
يصيران δ ا و ζ ث ونقطتا - و م تصيران نقطتي تقابل الخط
المذكور بسطحي المسقط والاثار الافقية للسطوح المارة من الخط الموازي
للضلع ومن النقطة المعلومة يلزم ان تمر بنقطة - واثار السطوح المماسية للجسم
المعلوم يلزم ان تكون مماسة للدائرة التي مركزها ه فاذا مددنا خطي
- و - و س مماسين للدائرة المذكورة من نقطة - فهذان الخطان
يصيران الاثرين الافقيين للسطحين المماسين للجسم المعلوم وعمتدين من النقطة
المعلومة وحيث ان الاثرين الراسيين لهذين السطحين يلزم ان يمران بنقطة م
فاذا وصلنا بين نقطتي م و س وبين م و و فخطا م س و م و
يصيران الاثرين الراسيين للسطحين المماسين للجسم المعلوم في النقطة المعلومة

التصحيح الاول لرسم هذا الحل

ضلعا الجسم اللذان يمر منهما السطحان المماسان لهذا الجسم يلزم ان يكون
كل منهما مقابلا للسطح الراسي في نقطة من نقط الاثر الراسي للسطح المماس
المشتمل عليه وحيث ان هذين الضلعين احدهما اثره ه ف و
ش و س ك والثاني اثره س ع و و نغ يفهم من ذلك ان هذين الخطين
يلزم ان يقابلا السطح الراسي في نقطة من نقط الاثر الراسي للسطح المماس
المشتمل عليه فاذا لم يحصل ذلك فرسم الحل ايس بتصحيح

التصحيح الثاني

اذا فرضنا خطوطا افقية من نقطة $د$ و $ث$ وفي السطحين المماسين للجسم المعلوم فهذه الخطوط يلزم ان تقطع السطح الرأسي في نقطة من نقط الاثرين الرأسيين وهما $م$ و $م$ و $د$

المسئلة الثالثة

اذا اريد امتداد سطح مماس لاسطوانة ومواز لخط معلوم في الفراغ فان الخطوط التي رسمت في ابتداء المسئلة الاولى لوجود حدود مسقطي الجسم تستعمل في رسم الحل الذي اريد شرحه وبعد ذلك نفرض ان خطي $ع$ و $غ$ مسقطا الخط الذي مر ادنا امتداد سطح مماس للجسم وموازياله ونمد خطا موازيا للخط الذي مسقطاه $ع$ و $غ$ من نقطة $(ر و د)$ التي هي نقطة تقابل خط $(ا ب و ث د)$ مع السطح الرأسي فسقطا هذا الخط بصيران $ح و ذ$ ونبحث عن نقطة $ح$ التي هي نقطة تقاطع الخط الموازي بالسطح الافقي فاذا وصلنا بين نقطتي $ا و ح$ فخط $ا ح$ يصير الاثر الافقي لسطح مواز للسطح المماس المطلوب وحيث ان السطح المماس يلزم ان يمر بخطين موازيين للخطين اللذين حدث منهما السطح الذي اثره الافقي خط $ا ح$ وكذلك يلزم ان تكون الاثار الافقية للسطوح المماسية للجسم المعلوم مماسة للدائرة التي مركزها $ه$ فيفهم من ذلك انه لاجل وجود الاثرين الافقيين للسطحين المماسين فمد خطي $م د$ و $ع غ$ مستقيمين مماسين للدائرة المذكورة وموازيين لخط $ا ح$ فالضلع الذي يمر منه السطح المماس الاول ومسقطياه $د ش$ و $ك$ يقطع السطح الرأسي في نقطة $و$ وهذه النقطة يلزم ان تكون من نقط الاثر الرأسي للسطح المماس المذكور فاذا وصلنا بين نقطتي $و و م$ فخط $وم$ هو الاثر الرأسي للسطح المماس الاول ويفعل لامتداد السطح المماس الثاني كما فعل بالسطح المماس الاول

السطحان المماسان اللذان وجدامتوازيين يلزم ان يكون اثرهما الراسيان متوازيين وهذا يجعل لتصحيح رسم هذه الدعوى

تسمية مفيد

في الثلاث دعوى التي حللناها فافرضنا ان الاسطوانة تقطع السطح الافقي في دائرة ولكن في بعض الاوقات الجسم المذكور يقطع السطح الافقي في خط منحني كل ما كان فالطرق التي شرحت يمكن اجراؤها على هذه الحالة ولكن نبيه انه اذا علم المسقط الافقي فقط لنقطة التماس التي هي على الجسم الاسطواناتي يمكن ان يكون هذا المسقط مشتركين اكثر من نقطتين من نقط الجسم ولذلك تحدث حالة سطوح مماسة للجسم المعلوم

الرسم الوصفي السابع

المسئلة الرابعة

اذا اريد امتداد سطح مماس لمخروط في نقطة معلومة على هذا الجسم نجعل ه مركز الدائرة التي هي خط تقاطع الجسم المعلوم بالسطح الافقي وم و م مسقطي رأس الجسم فاذا ممددنا من نقطة م خطين مستقيمين مماسين للدائرة التي مركزها ه فهذان الخطان يصيران حدي المسقط الافقي للجسم المذكور واذا ممددنا قطر ا ب موازيا لخط الارض واسقطنا نقطتي ا و ب على السطح الراسي ووصلنا بين نقطتي ب و م وبين نقطتي ا و م فهذان الخطان يصيران حدي المسقط الراسي للجسم المعلوم وبعد ذلك نجعل نقطة و المسقط الافقي لنقطة من الجسم المذكور فننظر اولان نقطة و هي مسقط افقي مشترك بين نقطتين من نقط الجسم المعلوم لانه اذا القنا عمودا على السطح الافقي من نقطة و فهذا العمود يقطع الجسم المعلوم في نقطتين واذا بحثنا الان عن وجود المسقطين الراسيين لها اتين بالنقطتين فنظرا انه اذا وصلنا بين نقطتي م و و بخط م و فهذان الخط

يصير مسقطا افقيا مشتركا بين ضلعين من اضلاع الجسم المذكور وما را به هذه
النقطة وهذا الخط يقطع ايضا الدائرة التي مركزها ه في نقطتي ت و ء
اللتين هما نقطتا تقابل الضلعين المذكورين بالسطح الافقي فاذا استطنها
هاتين النقطتين على خط الارض في نقطتي ف و د ووصلنا بين هاتين
النقطتين ونقطة م نخطا ف م و د م يصيران المسقطين الراسيين
للضلعين المذكورين واذا انزلنا الان عمودا على خط الارض من نقطة و
فهذا العمود يقطع المسقطين الراسيين للضلعين المذكورين في نقطتي
س و ش وهتان النقطتان هما المسقطان الراسيان للنقطتين اللتين
على الجسم ولهما مسقط افقي مشترك فالسطحان المماسان الماران
بهاتين النقطتين لهما اثران افقيان مماسان للدائرة التي مركزها ه
في نقطتي ت و ء والخط الذي مسقطاه م ت و م ف يقطع السطح
الراسي في نقطة من نقط الاثر الراسي للسطح المماس المشتمل على هذا الخط فاذا
بحسنا عن نقطة ك التي هي نقطة تقابل الخط المذكور بالسطح الراسي
ووصلنا بين نقطتي ك و و بخط مستقيم فهذا الخط يصير الاثر الراسي
للسطح المماس الاول

ويفعل هكذا الامتداد السطح المماس الثاني

التصحيح الاول لرسم هذا الحل

حيث ان السطحين المماسين يمران برأس الجسم المخروطي فخط تقاطعهما
يلزم ان يمر ايضا بهذه النقطة فاذا بحسنا عن مسقطي هذا الخط نجد انه يلزم
ان يمر بنقطتي م و م اللتين هما مسقطا راس الجسم

التصحيح الثاني

اذا مددنا خطوطا افقية من نقط التماس في السطوح المماسية فكل من هذه
الخطوط الافقية يقطع السطح الراسي في نقطة من نقط الاثر الراسي للسطح
المشتمل عليه ويستعمل ذلك لوجود نقطتي ا و ب اللتين هما نقطتا تقابل

المسئلة الخامسة

اذا اريد امتداد سطح مماس لجسم مخروطي من نقطة معلومة خارجة عن هذا الجسم فالخطوط التي رسمت في ابتداء حل الدعوى الاخيرة التي هي الرابعة لوجود حدود مسطحة المخروط تستعمل ايضا في حل هذه الدعوى وبعد ذلك تجعل م و م مسطحة النقطة المعلومة التي يلزم امتداد سطح مماس للجسم المعلوم منها واذا وصلنا بين نقطتي ا و م وبين نقطتي س و م خطا ا م و ب م بصيران مسطحة الخط المستقيم الفراغي الواصل بين راس المخروط والنقطة المعلومة واذا اجتمعنا عن نقطة و التي هي نقطة تقابل هذا الخط بالسطح الافقي نجد انها من نقط الاثر الافقي للسطح المار بالنقطة المعلومة وبراس المخروط وحيث اننا علم ان الاثر الافقي للسطح المماس للمخروط هو خط مماس للدائرة التي مركزها ه فاذا مددنا من نقطة و خطي و ت و ح و ع مماسين للدائرة المذكورة فهذان الخطان يصيران الاثرين الافقيين للسطحين المطلوبين المماسين للجسم المعلوم واذا نظرنا الى نقطة التماس اعني نقطة ف التي هي على الجسم نجد ان الخط المار بهذه النقطة يوجد تاما في السطح المماس الذي اثره الافقي هو خط ت و و مسقطا هذا الخط يصيران خطي فا و ح و و اذا اجتمعنا عن نقطة ش التي هي نقطة تقابل هذا الخط بالسطح الراسي نجد انها من نقط الاثر الراسي للسطح المماس المذكور فاذا وصلنا بين نقطتي ش و ت بخط مستقيم نخط ش ت يصير الاثر الافقي للسطح المماس المطلوب وبعد ذلك يدرك السطح نفسه

فطرق تصحيح رسم حل هذه المسئلة هي كطرق تصحيح رسم حل المسئلة السابقة اعني الرابعة

إذا أريد امتداد سطح مماس لمخروط مواز لخط معلوم في الفراغ
 فلاجل حل هذه المسئلة ترسم الخطوط اللازمة لوجود حدود مسطحة
 المخروط وبعد ذلك نجعل $ا - و$ و $ث$ و $د$ اثنى الخط المعلوم الذي يلزم
 امتداد سطح مماس مواز له ونفرض خطا في الفراغ موازيا للخط المعلوم من
 رأس الجسم الذي مسقطاه $ف و$ ف مسقطاه $ف و$ ف $و$ ف $و$ ف $و$ ف $و$ ف
 يصيران موازيين لخطي $ث و$ و $ا -$ اللذين هما مسقطا الخط
 المعلوم ونبحث عن نقطة $ه$ التي هي نقطة تقابل الخط الموازي بالسطح
 الافقي وبعد ذلك نتم رسم حل هذه المسئلة كما فعلنا في المسئلة السابقة

مسقطا خط تقاطع السطحين المماسين يلزم ان يكونا موازيين لمسقطي الخط
 المعلوم وذلك ينظر كتصحيح رسم حل هذه المسئلة
 رسم حل هذه المسئلة ليس عموما لانه اذا مددنا من رأس المخروط خطا موازيا
 للخط المعلوم وبجنتنا عن نقطة تقابله بالسطح الافقي فتارة لا يمكننا امتداد
 خط من هذه النقطة مماس للخط المنحني الذي هو خط تقاطع الجسم المعلوم
 بالسطح الافقي وهذه الحالة لا تجرى الا اذا كان الخط الموازي المماس لرأس الجسم
 من داخل الجسم المعلوم

الرسم الوصفي الثامن

المسئلة السابعة

إذا أريد امتداد سطح مماس لجسم تحركي من نقطة معلومة على هذا الجسم
 نفرض ان الجسم التحركي هو قطع ناقص مجسم ونفرض ان الدائرة التي مركزها
 $ه$ هي المسقط الافقي للجسم المعلوم و $ا -$ و $ث$ هو المسقط الرأسي
 لخط جانبي حادث من تقاطع سطح مواز للسطح الافقي بالجسم المعلوم
 ومحور الجسم المعلوم يكون عمودا على السطح الافقي ونفرض ان
 المسقط الافقي للنقطة المعلومة على الجسم يكون نقطة $م$

م فينظران نقطة م هي مسقط افقي مشترك بين نقطتين من نقط الجسم
 المعلوم وهاتان النقطتان توجدان في السطح القاطع الجانبي المرسوم بـ سطح
 م ح ف وبعد ذلك يركب السطح المماس للجسم المعلوم في النقطة
 المعلومه من الخط المماس للخط الجانبي المار بهذه النقطة ومن الخط المماس
 للخط المعتدل المار ايضا بهذه النقطة فيث ان الخط المماس للخط المعتدل
 عمود على سطح الخط الجانبي يفهم من ذلك ان السطح المماس المار بهذا
 الخط المماس يصير عمودا على سطح الخط الجانبي وحيث ان السطح الافقي
 عمود ايضا على سطح الخط الجانبي يفهم من ذلك ان الاثر الافقي للسطح
 المماس هو خط عمود على سطح الخط الجانبي كخط تقاطع سطحين عمودين
 على سطح ثالث وبعد ذلك يصير الاثر الافقي للسطح المماس المطلوب عمودا على
 الاثر الافقي لسطح الخط الجانبي فينبغي لنا ان نعلم نقطة من نقط الاثر الافقي
 للسطح المماس المطلوب لاجل وجود هذا السطح ولذلك نقرض ان سطح
 م ح ف يصير موازيا للسطح الراسي فآثره الافقي يصير ه ل ونقطه
 م فوضع على نقطة م فيث ان نقطة م هي الان مسقط افقي مشترك
 بين نقطتين من نقط الجسم المعلوم وموجودتان على الخط الجانبي الذي هو
 مواز للسطح الراسي يفهم من ذلك ان المسقطين الراسيين لهاتين النقطتين
 يلزم ان تكونا على المسقط الراسي للخط الجانبي فاذا اترنا عمودا على خط
 م ح من نقطة م فنقطتا ا و ه اللتان هما نقطتا تقابل هذا
 ودبقطع ا ب و الناقص هما المسقطان الراسيان للنقطتين اللتين
 على الجسم المعلوم ولهما مسقط افقي مشترك م قبل تحرك سطح القطع
 الجانبي اعني متى كانتا في موضعهما الاول كان لهما مسقط افقي مشترك نقطة
 م فيث ان النقطتين اللتين على الجسم المعلوم في تحرك الخط الجانبي رسما
 قويتى دائرتين موازيين للسطح الافقي فالمنسقطان الافقيان لهذين القوسين
 هما خطان مستقيمان موازيان لخط الارض ونقطتا ا ب هما من نقط
 سقطين الراسيين المذكورين ويفهم من ذلك انه اذا مددنا من نقطتي ا و ب

خطين مستقيمين موازيين لخط الارض فهذان الخطان يلزم ان يكونا مشتملين
على المسطتين الرأسيتين للنقطتين اللتين هما على الجسم المعلوم ولهما مسقط
افقي مشترك فاذا انزلنا من نقطة م عمود م ك على خط الارض فنقطتا
م و ه يصيران المسطتين الرأسيتين المطلوبين والخط المماس للخط الجانبي
الذي هو مواز للسطح الرأسى فى النقطتين اللتين مسقطاهما م و ا
له مسقط افقى خط ه ل ومسقط رأسى ا ك مماس لقطع ا ب ش الناقص
فى نقطة ا وهذا الخط المماس يقابل السطح الافقى فى نقطة ه فاذا
اعدنا سطح الخط القاطع الجانبي الى موضعه الاول فالخط المماس فى النقطة
التي مسقطاها م و ا يدور فى وقت واحد مع السطح المشتمل عليه ويصير
خطا مماسا فى النقطة التي مسقطها م و ه فحيث ان نقطة ل ترسم
ايضا فى التحرك قوس دائرة ل ف فنقطة ف هي نقطة تقابل الخط
المماس فى النقطة التي مسقطاها م و ه مع السطح الافقى وحيث
انه يلزم مرور السطح المماس بهذا الخط المماس يعلم من ذلك ان نقطة ف
هي نقطة من نقط الاثر الافقى للسطح المماس المطلوب فاذا اقتناعنا
ف ع على خط ح ف من نقطة ف فهذا العمود يصير الاثر الافقى
للسطح المماس للقطع الناقص الجسم فى النقطة التي مسقطاها م و ه
ولا اجل وجود الاثر الرأسى لهذا السطح نفرض خطا افقىا من نقطة التماس
فى السطح المماس فهذا الخط يصير عمودا على خط ف ح ومسقطاه
يصيران م خ و ه ر واذا بحثنا عن نقطة ر التي هي نقطة تقابل الخط
الافقى مع السطح الرأسى فهذه النقطة يلزم ان توجد على الاثر الرأسى للسطح
المماس المطلوب واذا وصلنا بين تقطى ر و ح فخط ر ح يصير الاثر
الرأسى للسطح المماس للقطع الناقص الجسم فى النقطة التي مسقطاها
م و ه ويدرك هذا السطح من غير مشقة
ويوجد السطح المماس للجسم المعلوم فى النقطة التي مسقطاها م و
بطريقة مشابهة للطريقة التي استعملت لاجل وجود السطح المماس الاو

التصحيح الاول لرسم حل هذه الدعوى

حيث ان الخط المماس لخط جانبي من قطع ناقص مجسم يوجد في سطح الخط الجانبي المار من نقطة التماس ويوجد ايضا في السطح المماس بالجسم المذكور في هذه النقطة يلزم انه يقابل السطح الرأسى في نقطة من تقاطع الاثرين الرأسين للسطحين المذكورين اعني في النقطة المشتركة بين هذين الاثرين فاذا كان الرسم صحيحا يلزم ان تقاطع خطوط $و د$ و $و ح$ و $و ر$ الثلاثة في نقطة واحدة ويفعل ايضا في تصحيح رسم السطح المماس الثانى للجسم المذكور في النقطة التي مسقطاها $م$ و $ن$ هكذا

التصحيح الثانى

اذا مددنا من محور الجسم المذكور سطحا موازيا للسطح الرأسى فهذا السطح يقطع السطح المماس لهذا الجسم في خط مواز للاثر الرأسى فحيث ان الخط المستقيم الذى هو خط تقاطع السطحين المذكورين يقطع السطح الافقى في نقطة $ك$ فاذا انزلنا خط $رك$ المستقيم عمودا على خط الارض فنقطه $ك$ نصير نقطة من نقط المسقط الرأسى لخط تقاطع السطحين المذكورين وهذه النقطة هي المسقط الرأسى لنقطة مشتركة بين السطحين المذكورين لان السطح المماس المار بالخط المماس يقطع محور الجسم المذكور في النقطة التي يمر منها الخط المماس فاذا وصلنا بين نقطتي $ك$ و $و$ ونقط $ك$ و $و$ هو المسقط الرأسى لخط التقاطع فاذا كان الرسم صحيحا نجد خط $كو$ موازيا لخط $رح$

بيان تقاطع الاجسام

الرسم الوصفى التاسع

اذا اريد وجود خط تقاطع اسطوانة وقائمة بسطح عمود على سطح من سطحى المسقط واريد امتداد خط مماس لخط التقاطع المطلوب وبسط الجسم ورسم خط التقاطع والخط المماس به على سطح الانبساط فنجعل نقطة $هـ$ مركز

الدائرة التي هي تقاطع الاسطوانة مع السطح الافقي فمسقط محور الجسم
 يصيران ه و ف ن وحد المسقط الرأسى للجسم المعلوم اللذين هما
 ا ب و د يصيران موازيين لخط ف ن ونفرض ان السطح
 القاطع يكون عمودا على السطح الرأسى واثره الرأسى يكون خط
 و ش فاقره الافقى يصير خط و ش عمودا على خط الارض وتنظر
 بالسهولة ان خط م د هو المسقط الرأسى لخط تقاطع الجسم المعلوم بالسطح
 القاطع وتنظر ايضا ان خط تقاطع المطلوب يوجد مركزا من نقط تقابل
 السطح القاطع باضلاع الجسم المعلوم فيث ان المسقط الرأسى اضلع من
 اضلاع الجسم هو خط مستقيم مثل ل ا الموازى لخط ف ن فهذا
 الخط المستقيم لا يمكنه مقابلة السطح الافقى الابنقطة من تقط الدائرة التي
 مركزها ه ويثبهم من ذلك انه اذا اخذنا عمودا من نقطة على خط الارض
 فهذا العمود يقطع دائرة ه ه في نقطتي ع و د وهاتان النقطتان
 هما المسقطان الافقيان اضلعين من اضلاع الاسطوانة اللذين لهما مسقط
 رأسى مشترك وهو خط ل و حيث ان السطح القاطع عمود على السطح
 الرأسى فكل نقطة من نقط خط التقاطع المطلوب مسقطها الرأسى نقطة من
 نقط الاثر الرأسى للسطح القاطع وحيث ان المساقط الرأسية لنقط الخط المنحنى
 المطلوب يلزم ايضا ان تكون على المساقط الرأسية لاضلاع الجسم الماربتلك
 النقط فنقطة ا التي هي نقطة تقاطع خط ل و مع خط م د هي المسقط
 الرأسى لنقطتين من نقط الخط القاطع المطلوب اللتان لهما مسقطان افقيان
 ع و ت فيسهل الان وجود مساقط جميع نقط الخط المنحنى الذي هو خط
 تقاطع السطح المعلوم بالجسم المعلوم فليسم هذا الخط في سطحه تنظر ان خطي
 و ش و د يمكن فرضهما كخطين عمودين على بعضهما موضوعين
 على سطح الخط المنحنى المطلوب ويسمى احدهما خطا افقيا والاخر
 خطا قائما الابعاد التي تؤخذ على الخط الافقى تسمى ابعادا افقية والتي تؤخذ
 على الخط القائم تسمى ابعادا قائمة فهذا الخط المنحنى يوجد اذا علمنا ابعاد كل

نقطة من نقط الخط المطلوب للخطين العمودين المذكورين وحيث ان خط
 اشه يعتبر كافق مشتركين تقطعتين من نقط الخط المنحني المطلوب الاتين
 لهما قائمتا و ع و و ت فاذا فرضنا ان السطح القاطع يمد
 حول خط د شه حتى يصير سطحنا واحدا مع السطح الراسي في هذا
 التحرك خط ك شه المستقيم ينطبق على خط شه س الذي هو عمود
 على خط شه د و اذا نظرنا لافق شه م نجد ان خط اصه
 المستقيم هو القائم المطابق لهذا الافق و اذا اخذنا مقدار م مساويا
 لخط اصه نجد نقطة من نقط الخط المطلوب و اذا اخذنا ايضا افق شه ا
 فنظر ان القائم المطابق لهذا الافق هما و ت و و ت و اذا اخذنا من نقطة
 ا بعدين على العمود الذي هو على خط شه د مساويين لخطي
 و ع و و ت نجد نقطتين اخرتين من نقط الخط المنحني المطلوب في سطح هذا
 الخط حين ينطبق على السطح الافقي و اذا فعلنا كما ذكرنا بجميع نقط
 الخط المنحني المطلوب نجد ان الخط المنحني هو σ ا ب عرض خط شه غ
 كخط م د المستقيم منقولا و موازيا لنفسه بعد التحرك
 و اذا اريد رسم الخط المنحني على السطح الافقي تصور انه اذا كان الخط
 المنحني في سطح مواز للسطح الافقي فمسقطها الافقي يصير مساويا له فاذا
 دورنا السطح القاطع حول النقطة التي في مسقطها ف و حتى يصير
 موازيا للسطح الافقي فنقطتا م و د يرسمان قوسي دائرة م ع
 د و غ و الاثر الراسي للسطح القاطع يصير خط ع ع مستقيما
 موازيا لخط الارض من كون ان كل نقطة من نقط الخط المنحني المطلوب في هذا
 التحرك ترسم قوس دائرة في سطح مواز للسطح الراسي تكون المساقط الافقية
 لهذا الاقواس في سطوح موازية لخط الارض و بعد ذلك اذا نظرنا الى نقطة
 (و م) التي هي من نقط الخط المنحني المطلوب نجد ان مسقطها الراسي في هذه
 الحالة هو نقطة ع و مسقطها الافقي يلزم ان يوجد على خط مواز لخط الارض
 ما زبقطة و ويفهم من ذلك انه اذا ابرنا عمودا على خط الارض من نقطة

ع فنقطة α تصير نقطة من نقط الخط المنحني المطلوب حين ينطبق
سطحه على السطح الافقي وكذلك النقطتان اللتان كان لهما α مسقطا
مشتركا رأسيا ولهما الان α مسقطا خرأسي ومسقطاهما الاقبيان يلزم ان
يوجد على خطين موازيين لخط الارض ممتدين من تقطعي α و β
ويفهم من ذلك انه اذا ترزنا هود α على خط الارض من نقطة α
فقطتا α و β بصيران من نقط الخط المنحني المطلوب ويسهل لنا بعد ذلك
انعام رسم هذا الخط واذا اردنا الان امتداد خط مماس لهذا الخط المنحني من
النقطة التي مسقطها α و β ننظر ان الخط المماس المطلوب هو
في السطح القاطع الذي هو سطح الخط المنحني الموجود وفي السطح المماس
للاسطوانة في نقطة (α, β) ويفهم من ذلك ان الخط المماس المطلوب مسقطه
الافقي هو الاثر الافقي للسطح المماس المذكور اعني الخط المماس للدائرة التي
مركزها α في نقطة β ونقطة α التي هي تقابل الخط المماس
للدائرة مع خط $\alpha\beta$ هي نقطة تقابل الخط المماس المطلوب مع
السطح الافقي لان الخط المماس المطلوب لا يمكنه مقابلة السطح الافقي الا في
نقطة من نقط خط $\alpha\beta$ ونقطة من نقط خط $\alpha\beta$ ويفهم من ذلك
ان نقطة β هي نقطة من نقط المسقط الافقي للخط المطلوب تماسه في النقطة
التي مسقطها α و β ونقطة α فوضع على $\alpha\beta$ حين ينطبق
السطح القاطع على السطح الرأسي بشرط ان $\alpha\beta$ يساوي $\alpha\beta$
ونقطة β هي نقطة من نقط الخط المنحني منطبقه على السطح الرأسي
ويفهم من ذلك ان الخط المماس المطلوب يمر بنقطتي α و β ويدرك بعد
هذا الخط .

وكان يمكن ان تدور السطح القاطع حول خط $\alpha\beta$ حتى يصير سطحا
واحدا مع السطح الافقي ففي هذا التحرك كل نقطة من نقط الخط المنحني
ترسم قوس دائرة موضعا في سطح مواز للسطح الرأسي وخط $\alpha\beta$ يقع
على خط الارض فان الخط المنحني يعتبر كانه وضع على سطح الخط القائم والخط

الافقي المذكورين سابقا وهما شـ ث و شـ ك والابعاد الافقية
والرأسية ليكل نقطة من نقط هذا الخط المنحني تصير معلومة والخط نفسه يصير
معلوما

وتبحث الان على الخط المماس لخط م ر ف ت المنحني ولذلك اذا نظرنا الخط المنحني
الذي هو خط تقاطع السطح القاطع بالاسطوانة في موضعه الحقيقي نجد ان الخط
المماس في نقطة (ا ر د) يقطع القطر الثاني للخط المنحني في نقطة (هـ سـ) وذلك
يحصل حين يصير الخط المنحني موازيا للسطح الافقي ففي هذا التحرك نقطة (كـ شـ)
التي تقابل الخط المماس بالسطح الافقي تصير نقطة (هـ ع) فاذا وصلنا بين
نقطتي ع و شـ فخط ع شـ يلزم ان يمر بنقطة سـ

بيان حل انبساط الجسم

اذا اريد ان يبسط جسم قاي خط على هذا الجسم سواء كان منحنيا او مضعوف
الانحناء يصير خطا مخالفا على سطح الانبساط ويسمى هذه الحالة انتشار
او انبساط الخط المنحني المذكور

فاذا علم انتشار خط من خطوط الجسم المنبسط فهذا الخط يسمى محور الانبساط
اذا كانت قاعدة الجسم خطا كل ما كان قاتنشار خط تقاطع السطح القاطع
العمود على السطح القاطع المعتدل هو دائما مستقيما على سطح الانبساط
لان اضلاع الاسطوانة المعلومة المتوازية على سطح المسقط تكون ايضا
متوازية على سطح الانبساط والخط العمود عليها يلزم ان يكون خطا
مستقيما

نقرض ان محور الانبساط يكون خط تقاطع السطح القاطع المعتدل
بالاسطوانة وتجعل السطح المماس للاسطوانة سطح الانبساط فالسطح
المماس المذكور يقطع السطح القاطع المعتدل في خط (و ر ا م) المستقيم
موازيا لخط شـ ك و سطح الانبساط يقطع اثر شـ د الرأسية في نقطة
م التي يمتد منها خط م م الذي هو خط تقاطع السطح القاطع المعتدل

بالجسم المعلوم فإذا رسمنا خط $رر$ المستقيم المساوي لمحيط الدائرة التي من مركزها
 ه و أخذنا نقطة $صه$ على هذا الخط واعتبرناها كنقطة (و م) على سطح
 المسقط نقطا $صه ر$ و $صه$ يصيران منبسطا نضيف $ح$ و $ث$ و
 وت لمحيط الدائرة المذكورة وهذان النصفان إذا قسمنا أجزاء كثيرة متساوية
 بشرط أن كل جزء يعتبر كخط مستقيم وحولت إيجاد تقاطع الانقسام على يمين نقطة
 ض وشمالها فالعواميد القائمة من تقاطع التقسيم على خط $رر$ المستقيم
 هي اضلاع الاسطوانة المنتشرة على سطح الانبساط فكل نقطة من تقاطع
 التقاطع المطلوب يمكن أن نعرض على سطح الانبساط كأنها موجودة بعد
 ادراكها التيها اللذين هما جزآن من أجزاء محور الانبساط المضلع وبعدها القائم
 هو الذي بينها وبين محور الانبساط وهذا البعد يؤخذ على اضلاع
 الاسطوانة فإذا أخذنا نقطة (د) التي هي على الاسطوانة وأخذنا قوس
 $صه د$ كالبعد الأفقي لهذه النقطة فخط $و د$ يصير البعد المقام لهذه
 النقطة وإذا قلنا هذه النقطة على سطح الانبساط وأخذنا خط $صه د$
 مساويا لخط $و ث$ وأخذنا أيضا خط $د أ$ مساويا لخط $أ و$ فيجد النقطة
 المذكورة ونفعل بجميع نقاط الخط المنحني الذي هو خط تقاطع السطح القاطع
 بالاسطوانة على سطح الانبساط كما فعلنا بهذه النقطة فالتشابه هذا الخط المنحني
 يصير خط $لصه ط$ المنحني وإذا حولنا هذا الخط المنحني على الاسطوانة بشرط
 أن خط $ب ا$ المستقيم ينطبق على الضلع الذي مسقطاه $ا ب$ و $صه$
 فطرف $ا ل$ و $ط$ يجتمعان في نقطة واحدة وهي (د) و الخط المماس في نقطة
 (د) يقابل سطح الانبساط في النقطة التي مسقطها الأفقي $ظ$ وهذه
 النقطة هي نقطة تقابل خط $ت خ$ المماس مع خط $ا و$ المستقيم ممتدا
 والخط الذي في الفراغ الواصل بين نقطة (د) ونقطة (ظ م) يصير مساويا
 لمسقط $ت ظ$ الأفقي لأنه مواز للسطح الأفقي والخط المماس في نقطة (د) $ا ب$
 يدور تحت وتر المثلث القائم الزاوية الذي احد ضلعيه خط $ت ظ$ والضلع
 الآخر خط $و ا$ وحيث أن سطح هذا المثلث يصير هو سطح الانبساط

سطحا واحدا يفهم من ذلك انه اذا اخذنا بعدد الدائرة النقطة α خط $\alpha\tau$
 مساويا لخط $\tau\theta$ ووصلنا بين نقطتي $\alpha\tau$ بخط مستقيم نخط $\alpha\tau$
 يكون الخط المماس على سطح الانبساط لخط تقاطع السطح القاطع بالجسم
 الاسطوانى المنشور

الرسم الوصفي العاشر .

اذا اريد وجود خط تقاطع سطح عمود على السطح الراسى بمخروط تنبيه
 اولاه اذا وصل بين المخروط ومركز قاعدته بخط قائم مستقيم ووجد هذا
 الخط عمودا على قاعدة المخروط يقال لهذا المخروط مخروط قائم واذا كان الخط
 الذى يسمى محور المخروط مائلا على سطح قاعدة المخروط فالمخروط يسمى
 مخروطا مائلا

ولاجل حل المسئلة المذكورة نجعل $هـ$ مركز الدائرة التى هى تقاطع
 المخروط بالسطح الاقوى $وهـ$ و $ف$ مسقطى محور المخروط لخط
 $هـ$ $ا$ و $ب$ هما احدا المسقط الراسى للجسم المخروطى وبعد ذلك
 نفرض ان السطح القاطع عمود على السطح الراسى فاثراه يصير احدهما
 $م$ والاخر $ث$ عمودا على خط الارض فالمسقط الراسى للخط
 المنحنى الذى هو خط تقاطع السطح المعلوم بالجسم المذكور هو خط $م$
 لان السطح القاطع عمود على السطح الراسى فننظر ان الخط المنحنى المطاوب
 فى الدعوى التى سبقت وجد بنقطة تقابل السطح القاطع باضلاع الجسم المعلوم
 فاذا مددنا خط $هـ$ حيث ما اتفق فهذا الخط يعتبر كسقط راسى مشترك بين
 ضلعين من اضلاع الجسم فن حيث ان جميع هذه الاضلاع تقطع السطح الاقوى
 فى نقطة الدائرة التى مركزها $هـ$ فاذا اتينا عمود $هـ$ على خط الارض
 فنقطت $ث$ و $ع$ هما نقطتا تقابل ضاعى الجسم اللذين مسقط $هـ$
 الراسى مشترك لهما فاذا وصلنا بين نقطتي $هـ$ $ث$ ونقطتي $ف$ $ع$ خطا
 $هـ$ $ث$ و $ع$ $ج$ يصيران المسقطين لاقعيين للضلعين المذكورين ونقطة

ك التي هي نقطة تقابل خط هـ بخط م هي المسقط الرأسى
 المشترك بين نقطتين من نقط الخط المنحنى المطلوب وهاتان النقطتان يلزم ان
 يكون مسقطاهما الاقبيان على المسقطين الاقبيين لضلعى الجسم اللذين
 يشتملان عليهما واذا انزلنا عمود كـ ل من نقطة ك على خط الارض
 فنقطتا ل و ب بصيران المسقطين الاقبيين للنقطتين من الجسم اللتين
 لهما ك مسقط رأسى مشترك وبعد ذلك يمكن ان نجد المساقط الاقبية
 لجمله نقط من نقط الخط المنحنى المطلوب ولذلك يعلم ان الطريقة التى تبينها
 لا تستخدم لوجود المسقطين الاقبيين للنقطتين اللتين لهما ومسقط رأسى مشترك
 والنقط القريبة لهذه النقط توجد من تقاطع الخطوط التى تحدد بينهما زاويا احادة
 وهذا يمنع من تحقيق تقاطعها فيلزمنا ان نوضح طريقة اخرى لوجود تلك
 النقط ولاجل ذلك نفرض سطحاً اقبياً من نقطة و فهذا السطح يقطع
 الجسم فى دائرة مسقطها الرأسى بصير خط زـ المستقيم ومسقطها الاقبي
 بصير دائرة مرسومة من نقطة هـ ك مركز و بعيد و ر كنصف قطر فالسطح
 الاقبي المذكور اما ايضا بالنقطة التى مسقطها هـ و و يقطع السطح
 القاطع المعلوم فى خط افقى له نقطة و مسقط رأسى و خط مسقطه الاقبي
 هـ ف فان خط الاقبي المذكور يقطع الدائرة التى هى تقاطع الجسم بالسطح المار
 بنقطة (هـ و) فى نقطتين وحيث ان هاتين النقطتين فى السطح القاطع المعلوم
 ومنهما يمر ضلعان من اضلاع الجسم يفهم من ذلك ان هاتين النقطتين من نقط
 الخط المنحنى المطلوب والمسقطان الاقبيان لهاتين النقطتين يلزم ان يكونا على
 الدائرة المرسومة من نقطة هـ ك مركز و بعيد و ر كنصف قطر فنقطتا
 ف و ب هما المسقطان الاقبيان للنقطتين المذكورتين ونفعل لرسم الخط
 المنحنى المطلوب فى سطحه كما فعلنا فى الرسم الهندسى السابق والفرق بينهما
 تنوير السطح القاطع المطلوب حول اثره عوضاً عن تدويره حول خطوط
 اخرى ولاجل ذلك يمر الخط المماس للخط المنحنى المطلوب المرسوم على السطح
 الاقبي فى عمل الرسم بنقطة تقابل هذا الخط المماس بالسطح الاقبي

بيان حل انبساط الجسم

نأخذ محيط دائرة $ش ه$ ونفرضه محورا لانبساط فتغير هذه الدائرة
 بدائرة $م ر$ موهبة بنصف قطر $مساو$ ونخط $ه ه$ ونفرض ان $خط ه ه$ $ش$ $ك$
 الضلع الذي مسقطاه $ه ه$ و $ه ه$ فاذا جعلنا نقطة $ص$ مركزا
 ورسمنا محيط دائرة واخذنا من نقطة $ش$ الى نقطة $غ$ اقساما مساوية
 لاقسام نصف محيط $م ر$ $ش$ واخذنا من نقطة $ه ه$ الى نقطة $ع$
 اقساما متساوية على $م ر$ ووصلنا بين نقط الاقسام ونقطة $ص$
 نخطوط التواصل تكون اضلاع الجسم المعلوم على سطح الانبساط يعني ان
 تلك الخطوط تحدث الجسم المخروطي على سطح الانبساط
 ولاجل رسم الخط المنحني الذي هو تقاطع السطح المعلوم بالجسم المعلوم على
 سطح الانبساط ننظر ان بعدى $ه ه$ و $ه ه$ يفضلان كما كانا على سطح
 الانبساط وتأخذ بعد $ض$ $ك$ مساويا لخط $ه ه$ وتأخذ ايضا خطا
 $ص م$ و $و م$ مساويين لخط $ه ه$ فنقط $م$ $ك$ $م$ الثلاثة تكون من
 نقط التغير المطلوب للخط المنحني الذي هو خط تقاطع السطح القاطع بالجسم
 واذا اردنا وجود النقطة التي مسقطاها $ك$ و $ع$ ننظر ان هذه النقطة يلزم
 ان تكون موضوعة بالنسبة لنقطة $ص$ يبعد مساويا للبعد الصحيح الواصل بين
 رأس المخروط وهذه النقطة وحيث ان هذا البعد مساو لخط $ه ه$ فاذا اخذنا
 هذا البعد ووضعناه من نقطة $ص$ الى نقطة $ض$ فنقطة $ض$ تكون
 النقطة التي مسقطاها $ك$ و $ع$ هذه النقطة تقع على جميع نقط الخط المنحني
 الذي هو تقاطع السطح المعلوم بالجسم المذكور
 الخط المطلوب الذي مسقطاها $ك$ و $ع$ يوجد بعد ادراك
 وترثلث القائم الزاوية الذي خط $ص$ $ك$ ضلع من ضلعيه والضلع الاخر هو
 الخط الذي مسقطاه $ع$ و $ك$ فقدار الخط المماس المطلوب هو
 $ص ه$ وحيث ان مقادير الخطوط تفضل كما هي حين تنقل على سطح الانبساط

يفهم من ذلك انه اذا مددنا خطا مماسا لمحيط ض ش ع في نقطة س
واخذنا على هذا الخط المماس بعد ح ع = س ع ووصلنا بين تقطعي
ح و ض نقط ح ص يكون الخط المماس المطلوب على سطح الايسر
المماس لخط تقاطع السطح المعلوم بالجسم المذكور

الرسم الوصفي الجاوي عشر المسئلة التاسعة

اذا اريد وجود خط تقاطع جسم تحركي معلوم بسطح معلوم ايضا وامتداد
خط مماس لخط تقاطع السطح المعلوم بالجسم المعلوم
نقرض ان الجسم المعلوم قطع ناقص مجسم ونقدر ايضا ان السطح الافقي عمود
على محور الجسم المعلوم والسطح المعلوم عمود على السطح الرأسي فالمسقط
الافقي للجسم هو دائرة مركزها ه ومسقطه الرأسي قطع ناقص ا ب ث ه الناقص
ومسقطا محور الجسم هما ه و ا ب و اثر السطح القاطع ف و
و ف ش و حيث ان السطح القاطع عمود على السطح الرأسي فالمسقط الرأسي
لجميع نقط خط التقاطع المطلوب يلزم ان توجد على الاثر الرأسي للسطح القاطع
المعلوم وايضا قطع ا ب ث ه الناقص هو المسقط الرأسي للجسم التحركي
ويجدد المسقط الرأسي للخط المطلوب ويفهم من ذلك ان خط و ج
هو المسقط الرأسي للخط المطلوب ولاجل وجود المسقط الافقي لهذا الخط نجعل
سطحا افقيا من النقطة الفراغية التي مسقطها ه و ل فهذا السطح
يقطع القطع الناقص المجسم في دائرة ا ب ا خط ك ر مسقط رأسي
ومسقطها الافقي دائرة مرسومة من نقطة ه ك مركزها و يبعد خط ل ك
كنصف قطر ف سطح هذه الدائرة يقطع السطح القاطع المعلوم في خط مستقيم
افقي عمودا على السطح الرأسي ومسقطه الرأسي نقطة ا و خط م ن
مسقط افقي له فالتقطتان المشتركتان بين الخط المذكور والدائرة التي مسقطها
الرأسي خط ل ك هما نقطتان من نقط خط التقاطع المطلوب ونقطتا

م ر د مسقطان اقصيان لهما و ا مسقط رأسي مشترك بينهما وبعد ذلك
 يسهل علينا وجود مساقط جميع نقاط الخط المنحني المطلوب ويدرك ايضا هذا الخط
 الدائرتان اللتان هما عمودان على محور الجسم المتحرك ومسقطاهما
 الرأسيتان هما δ و δ' و δ و δ' ومسقطاهما الاقصيان دائرتان مرسومتان
 من نقطة ه مركز مشترك وينصف قطر δ و δ' يحددان
 المسقط الافقي للخط المنحني المطلوب بعد تقابل هاتين الدائرتين بالعمودين
 النازلين من نقطتي δ و δ' على خط الارض والمسقط الافقي لهذا الخط
 المنحني يصير م ر د و يعتبر هذا الخط المنحني كأنه حاصل من تقاطع
 الخطوط الجانبية للممتدة بكل ما كانت بالسطح القاطع ولاجل اثبات ذلك فنجعل
 ه ش الاثر الافقي لسطح جاتي كل ما كان نخط تقاطع هذا السطح بالسطح
 القاطع المعلوم يصير خطا مستقيما ونقطتا تقابل هذا الخط بالخط الجاتي
 يصيران من نقطتا الخط المنحني المطلوب ولاجل وجود المسقطين الاقبيين لهما تين
 النقطتين تدور السطح القاطع الجاتي حول محور الجسم حتى يصير موازيا
 للسطح الرأسي ففي هذا التحرك نقطة ش التي هي نقطة تقابل خط تقاطع
 السطحين المذكورين بالسطح الافقي تقع على نقطة غ فاذا انزلنا خط غ
 عمودا على خط الارض فنقطه في التي هي موقع هذا العمود تصير من تقاطع
 المسقط الرأسي لخط تقاطع السطحين المذكورين حين يصير السطح القاطع
 الجاتي موازيا للسطح الرأسي وحيث ان المسقط الرأسي المذكور يمر بنقطه ش
 فاذا وصلنا بين نقطتي δ و δ' بخط في ث فمقتضا δ و δ'
 يصير لقطبي تقابل خط تقاطع السطحين المذكورين
 بالخط الج. موازيا للسطح الرأسي لان الخط القاطع الجاتي
 في هذه الحالة δ و δ' المنحني مسقط رأسي له فالنقطتان المذكورتان
 القواغيتان بعاديهما عن المحورهما δ و δ' و اذا اعدنا القاطع
 الجاتي الى موضعه الاول فالنقطتان المذكورتان يرسمان قوسي دائرة موازيين
 للسطح الرأسي والدائرتان المرسومتان من نقطة ه مركز و يبعدي

صه ث و ر ض ك نصني قطر مسقطان افقيان لدارتسين اللتين
 جزاؤهما مركبة من هذين القوسين ويفهم من ذلك ان المسقطين الاقبيين
 للنقطتين اللتين على الجسم المعلوم يلزم ان يكونا على هاتين الدائرتين وعلى
 خط ه ه ع فاذا اخذنا على هذا الخط مقدارى ه ا و ه س مساويين
 تلطى وت و ر ض فالمسقطان للاقبيان يوجدان على الخط المنحنى
 المعلوم بالطريقة الاولى واذا وجدنا المسقطين الاقبيين لهذين الخطين
 اللذين على خط تقاطع الجسم المعلوم بالسطح المعلوم نجد المسقطين الرأسيين
 لهاتين النقطتين بالسهولة ويلزم ان يوجد على خط و ع وبعد ذلك ننظر ان
 قوس ع غ اذا امتد بقطع خط ف ش في نقطة غ ويفهم من ذلك انه
 اذا فرضنا ان السطح القاطع الجانبي اثره الافقى خط ه ع ووضحنا هذا
 السطح كما سرحنا السطح القاطع الجانبي الاول نجد انه اذا اخذنا على خط
 ه غ مقدارى ح ه ث و ر ض من نقطة ه نجد المسقطين الاقبيين
 للنقطتين الحادتين من نقط خط تقاطع السطح المعلوم بالجسم المعلوم ويرسم
 خط التقاطع على سطحه كما عرفناه في رسمى ٩ و ١٠ الوصفيين
 ولاجل امتداد خط مماس لخط تقاطع الجسم المعلوم بالسطح المعلوم في النقطة
 التى مسقطاها ا و ك فيجعل السطح القاطع الجانبي المار بهذه النقطة
 موازيا للسطح الرأسى فنقطة (ا د) يحدث لها في موضعها الان
 مسقطان اخران وهما ت و ر والخط المماس للخط المنحنى الجانبي في نقطة
 (ر ت) له مسقط رأسى خط مماس لخط ا ب ث و المنحنى في نقطة ر
 وحيث ان هذا الخط المماس يوجد في السطح القائم الذى اثره الافقى ه غ
 فهذا المماس يقابل السطح الافقى في نقطة و فاذا اخذنا بالسطح القاطع
 الجانبي لموضع الاول فالخط المماس الذى مددناه له يدور في وقت واحد مع
 الخط المنحنى الجانبي ونقطة و ترسم قوس دائرة و و ومن ذلك نقطة و تصير
 نقطة تتابل الخط المماس للخط المنحنى الجانبي في نقطة (و ا) بالسطح الافقى
 والسطح المماس للقطع الناقص الجسم في نقطة (ا ب) اثره الافقى و ث

فإن خط المماس للخط المنحني الذي هو خط تقاطع السطح بالجسم المعلوم يوجد في السطح المماس وفي السطح القاطع المعلوم ويعلم من ذلك أن نقطة θ هي نقطة تقابل السطح المماس المذكور بالسطح الأفقي فإذا وصلنا بين نقطتي θ و θ' بخط $\theta\theta'$ يصير المسقط الأفقي للخط المماس نخط تقاطع الجسم المعلوم بالسطح المعلوم في النقطة التي مسقطاها θ و θ' ويفهم بالسهولة أن الخط المماس المذكور مسقطه الرأس θ و θ' وحينئذ يدرك هذا الخط بالسهولة ولا جمل وجوده في النقطة المقروضة حين تتطبق سطح الخط المنحني على سطح من سطحي المسقط q و 10 نفعل لذلك كما فعلنا في رسمي الوصفين .

الرسم الوصفي الثاني عشر

المراد وجود خط تقاطع جسم اسطوانتي مائل وقاعدته تكون قطعاً ناقصاً بسطح عمود على محور هذا الجسم وإمتداد خط مماس لخط التقاطع المطلوب وانبساط الجسم المخروطي ورسم الخط المنحني المطلوب ورسم الخط المماس لهذا الخط على سطح الانبساط فلاجل حل المسئلة الأولى فجعل $a - \theta$ الخط المنحني الذي هو خط تقاطع الجسم المعلوم بالسطح الأفقي وخطي $\theta - \theta'$ و $\theta - \theta'$ مسقطي الخط المستقيم الموازية له اضلاع الجسم وبعد ذلك تمد خطين مماسين لخط $a - \theta$ موازيين لخط $\theta - \theta'$ فهذان الخطان المماسان يصيران حدي اسطوانتي المعلوم وبعد ذلك تمد $k - \theta$ و $g - \theta$ عمودين على خط الارض وتمد من نقطتي g و θ خطي $g - \theta$ موازيين لخط $a - \theta$ فهذان الخطان يصيران خطي المسقط الرأس للجسم الاسطوانتي فإذا فرضنا أن الجسم يقطع بسطح أفقي فخط تقاطعه بهذا السطح يصير خطاً منحنيًا مماساً وبالخط $a - \theta$ المنحني وخط $h - \theta$ مسقط أفقي له وخط رسم مسقطه الرأس θ

وبعد ذلك يجعل خطي $و ت$ و $و ض$ اثرى السطح القاطع ونفرض
 جلة من السطوح مارة باضلاع الجسم وعمودا على السطح الافقي فالانوار
 الافقية لتلك السطوح تصير $خ ط$ و $ط ا$ موازية لخطي $د ش$ و $د ح$
 وكل منها يقطع السطح المعلوم بخط $م س$ مستقيم فسقط تقاطع هذه الخطوط
 باضلاع الجسم المعلوم التي تشتمل عليها السطوح المذكورة تحدث الخط
 المنحنى الذي هو تقاطع الجسم المعلوم بالسطح المعلوم وبعد ذلك نجعل خط
 $ا و$ الاثر الافقي للسطح المشتمل على الضلعين من الجسم اللذين خط $ا و$
 مسقط افقي مشترك بينهما فخط تقاطع هذا السطح بالسطح القاطع المعلوم
 هو خط $م س$ مستقيم مسقطه الافقي خط $ا و$ ويقطع السطح الافقي في نقطة $و$
 فاذا انزلنا خط $د و$ وعمودا على خط الارض فنقطة $د$ التي هي موقع
 العمود تصير من نقط المسقط الرأسى لخط تقاطع السطحين المذكورين فلاجل
 معرفة المسقط الرأسى المطلوب يلزم معرفة نقطة ثانية من هذا المسقط ولذلك
 نفرض خطا افقيا في السطح القاطع المعلوم موازيا لخط $ص ث$ ومسقطه
 الافقي خط $ع غ$ وبعد ذلك ننظر ان نقطة $ع$ هي المسقط الافقي لنقطة
 من نقط خط تقاطع السطحين المذكورين فالخط الافقي الذي ذكر يقطع
 السطح الرأسى في نقطة $و$ واذا مددنا من هذه النقطة خط $و ك$ مستقيما
 موازيا لخط الارض فالخط الحادث هو المسقط الرأسى للخط الافقي المذكور واذا
 فرضنا من نقطة $ع$ خطا قائما فهذا الخط يقطع السطح القاطع المعلوم في نقطة
 مشتركة بين خط تقاطع السطحين المذكورين والخط الافقي الذي مسقطاه
 $ع غ$ و $و ك$ ويقع من ذلك انه اذا مددنا خط $ع ك$ وعمودا على
 خط الارض فنقطة $ك$ تصير المسقط الرأسى لنقطة تقاطع الخط الافقي
 المذكور سابقا مع الخط القائم الممتد من نقطة $ع$ وتصير من نقط
 المسقط الرأسى لخط تقاطع السطحين المذكورين واذا وصلنا بين نقطتي
 $د و$ و $د ك$ و $د ح$ بصير المسقط الرأسى لخط تقاطع السطح المعلوم
 بالجسم المذكور

حيث ان خطوط تقاطع السطوح المارة باضلاع الجسم المعلوم بالسطح
القاطع المعلوم متوازية كخطوط تقاطع سطوح متوازية بسطح واحد
كالمساقط الرأسية لهذه الخطوط تصير موازية لخط CD ويكفي
وجود نقطة من تلك المساقط لادراكها ولاجل ذلك ننظر ان كل سطح قائم
يشتمل على ضلعين من اضلاع الجسم وجود مسقطيهما الرأسيين سهل
فنقط تقابل هذين المسقطين بالمسقط الرأسى لخط تقاطع السطح المشتمل
عليهما مع السطح القاطع المعلوم تحدث تقطبتين من نقط المسقط
الرأسى لخط تقاطع السطح المعلوم بالجسم المذكور وهاتان النقطتان لهما
مسقطان افقيان موضوعان على الاثر الافقى للسطح المشتمل عليهما ونجد
منح السهولة المسقط الافقى لخط تقاطع الجسم المعلوم بالسطح المعلوم وهذا
المسقط يصير $ح ف ت$

ولاجل رسم خط التقاطع المطلوب في سطحه نفرض ان السطح القاطع المعلوم
دار وانطبق على السطح الافقى ففي هذا التحرك كل نقطة من نقط خط التقاطع
المطلوب ترسم قوس دائرة في سطح عمود على خط $ض ت$ وينصف قطر
مساو لبعده هذه النقطة عن خط $ض ت$ ولاجل وجود هذه الابعاد نبتدأ
بوجود نقطة منها كالنقطة التي مسقطها $ت و ت$ مثلاً فننظر
بالسهولة ان بعد هذه النقطة على خط $ض ت$ وترمى لث قائم الزاوية الذي
ضلعاه الاخران خط $ت ر ت$ فاذا اخذنا بعد $ر ض ت$ على
خط الارض من نقطة $ر$ مساوياً لخط $ت و ت$ ووصلنا بين نقطتي
 $ت ر ت$ $ر ت$ $ت و ت$ فنصير البعد المطلوب واذا اخذنا الان بعد
 $ر ت$ $ر ت$ $ت و ت$ مساوياً لخط $ت و ت$ فنقطه
أ نصير من بعد $ر ت$ $ر ت$ $ت و ت$ المطلوب حين ينطبق السطح المشتمل عليهما على
السطح الافقى وتوجد جميع نقط خط التقاطع المطلوب بالطريقة التي
استعملناها لوجود النقطة الاولى

واذا اريد الان امتداد خط $م م$ لخط التقاطع الذي علم في النقطة التي مسقطها

ت و ت تنظران هذه النقطة على الجسم فمن ذلك يفهم ان الخط المماس
 لخط تقاطع الجسم المعلوم بالسطح المعلوم في نقطة داخل السطح المماس
 للجسم في هذه النقطة فالسطح المماس للجسم في نقطة (ت و ت) اثره الافقي
 خط مماس لخط ا-ت و المنحني في نقطة ت التي هي نقطة تقابل
 ضلع الجسم المار بنقطة التماس بالخط المنحني المذكور فاذا مدنا خط ت و ت
 المماس يصير الاثر الافقي للسطح المماس بالجسم المعلوم في نقطة
 (ت و ت) فالخط المماس يوجد في هذا السطح المماس وفي السطح القاطع
 المعلوم ويفهم من ذلك ان هذا الخط يقابل السطح الافقي في نقطة ت التي هي
 نقطة تقاطع الاثرين الاقبيين بالسطحين المذكورين واذا وصلنا بين نقطتي
 ت و ت بخطهما يصير المسقط الافقي للخط المماس المطلوب واذا وصلنا
 بين نقطتي ت و ت فهذا الخط يصير الخط المماس لخط التقاطع حين ينطبق
 سطحه على السطح الافقي ويسهل وجود المسقط الرأسى لذلك الخط المماس لان
 نقطة ت نقطة من نقط الخط المماس المطلوب وهي المسقط الرأسى لنقطة التماس

بيان حل انبساط الجسم

يجعل ان محور الانبساط هو الخط المنحني الذي هو تقاطع الجسم المذكور
 بالسطح المعلوم كما في شكل (٢) ويجعل خط ا-ب المستقيم مغيرا للخط المنحني
 المذكور وتقسيم الخط المعتدل اقساماً صغيرة جداً مساوية لبعضها وتعتبر
 كل قسم منها كانه خط مستقيم وتأخذ تلك الاقسام على هذا الخط وتقيم
 عمودا عليه من كل نقطة من نقط التقسيم فهذه العواميد تصير على سطح
 الانبساط اضلاع الجسم المارة بنقط تقسيم خط تقاطع الجسم بالسطح الافقي
 وابعاد هذه الاضلاع هي التي بين خط تقاطع الجسم بالسطح الافقي وخط تقاطع
 السطح المعلوم بالجسم المذكور فاذا اخذنا هذه الابعاد على العواميد التي
 اقمناها سابقا فالخط الهندسى المركب من اطراف تلك العواميد يكون
 الخط المنحني المطلوب على سطح الانبساط

نفرض الان ان ضلع الجسم الذي ت م مسقط افقي له يأخذ موضع
ه ف على سطح الانبساط فاذا اردنا امتداد خط مماس لتغيير قطع
ا س ت في الناقص في نقطة ه نأخذ على خط ا ب من نقطة ف
بعد ف م مساويا لخط ت ا نقط ه م يصير الخط المماس المطلوب

الرسم الوصفي الثالث عشر

اذا اريد رسم خط تقاطع اسطوانتين على سطحى المسقط وامتداد خط مماس
لهذا الخط

فعلى العموم لوجود خط تقاطع جسمين معلومين نفرض جهة سطوح اوجه
اجسام تليق بسهولة وجوده فكل من هذه السطوح والاجسام يقطع الجسمين
المعلومين في خطين منحنيين وهذه الخطوط المنحنية تتقاطع في جهة نقط فان خط
المركب من جميع تلك النقط هو خط تقاطع الجسمين المعلومين ولاجل وجود
خط تقاطع اسطوانتين يلزم قطع هذين الجسمين بجملة سطوح موازية لاضلاع
الجسمين مع الان السطوح المذكورة في هذه الجملة تقطع الجسمين المعلومين
في اضلاعهما واذا كان المراد وجود خط تقاطع مخروطين يتقطعان بسطوح مارة
برأسي هذين الجسمين واذا كان المقصود وجود خط تقاطع مخروط باسطوانة
يقطع هذان الجسمان بسطوح موازية لاضلاع الاسطوانة المعلومة ومارة برأس
المخروط المعلوم واذا كان الجسمان المعلومان تحركيين يقطع هذان الجسمان
بكرة مركزية ومركزها المشترك يكون نقطة تقاطع محوري الجسمين المعلومين
فكلا تلك الكرات تقطع كل جسم من الجسمين المعلومين في دائرة ونقط تقاطع
هذه الدوائر من تقاطع الخطوط ويرسم بسهولة هذا الخط وحيث اننا
شرحنا طرق وجود خطوط تقاطع الاجسام المفهومة فلا يلزم رسمها كلها
لانه اذا شرحنا رسمها واحدا منها واثنين فهذا الشرح يكفي للاجسام الاخر
فابتدى بشرح رسم خط تقاطع اسطوانتين ببعضهما ولذلك نعتبر ان
كل نقطة من تقاطع الخط المجهول هي نقطة تقاطع ضلعين من الجسمين اللذين

يمران بهذه النقطة في كل من هذين الجسمين واضلاع الجسمين المعلومين
 معني مثنى في سطوح موازية لاضلاع الجسمين ولوجود الاثر الافقي لسطح من
 هذه السطوح الموازية يتمدد من النقطة التي مسقطها $ا$ و $ب$ خطين
 موازيين لاضلاع الجسمين فهذان الخطان يقابلان السطح الافقي في نقطتي
 $ث$ و $د$ فاذا وصلنا بين هاتين النقطتين بخط $ث د$ فهذا الخط يصير الاثر
 الافقي المطلوب واذا مددنا ذلك الاثر يقطع الدائرتين اللتين هما خط تقاطع
 الجسمين المعلومين بالسطح الافقي في نقط $ش$ و $ح$ و $هـ$ و $ف$ وهذه
 النقطة هي نقط تقابل الاضلاع المشتمل عليها سطح $ث د$ بالسطح الافقي واذا
 بحثنا عن مساقط تلك الاضلاع نجد انها تقابل السطح المماسي في اربع نقط
 وهذه النقط التي هي تقابل الاضلاع بسطحي المسقط من نقطة مسقط خط
 التقاطع المطلوب ويعلم من ذلك ان كل سطح مواز لاضلاع الجسمين يحدث اربع
 نقط من مسقط الخط المطلوب وحيث ان الاسطوانتين يدخلان في بعضهما
 ويخرجان من بعضهما لم من ذلك انهما يحدثان خطا متخذا لتقاطعهما
 في الدخول وخطا متخذا لتقاطعهما في الخروج وتذكر بالسهولة آثار
 هذين الخطين

لاجل ان يشتمل سطح مواز لسطح $ث د$ على ضلعين من اضلاع الجسمين
 اللذين نقطتهما المشتركة بينهما من نقط خط من خطي التقاطع المتخيين يلزم
 ان يقطع السطح المذكور الجسمين المعلومين واثره الافقي يقطع الدائرتين اللتين
 مركزاهما نقطتا $ث$ و $د$ ويضهم من ذلك انه اذا مددنا خطين مماسين للدائرتين
 الصغرى من الدائرتين المذكورتين موازيين لخط $ث د$ فه $ا$
 المماسان يصيران حدى الاثر الافقي $ا ب$
 بضلعين ممتدين في الجسمين المعلومين لان السطح $ث د$ لا يقطع الاجسام واحدا
 اذا جعلت اربع نقط من نقط المسقط الرأسى لخط التقاطع المطلوب وهي تقاطع
 المساقط الافقية لضلعين من كل من الجسمين المعلومين يسهل وجود المساقط

الاقضية المطابقة للاربعة مساقط الرأسية المذكورة على المساقط الاقضية لتلك
 الاضلاع بانزال عواميد من النقط الرأسية فاذا تأملنا بعد ذلك تجد ان
 الخطين المطلوبين خطان متخنيان مضعفان الاثخناء ورسمهما على سطح
 المسقط سهل لان كل سطح مواز لضعفين من اضلاع الجسمين المعلومين يحدث
 اربع نقط من خط تقاطعهما المطلوب .

واذا اردنا لان امتداد خط مماس لخط من خطي التقاطع في نقطة من نقط هذا
 الخط فجعل ان مسقطي النقطة المعلومه هما $أ$ و $ب$ فحيث ان هذه النقطة
 مشتركة بين الجسمين المعلومين فان خط المماس في هذه النقطة يلزم ان يوجد
 في السطحين المماسين للجسمين المذكورين المتخيلين على الضلعين المارين
 بالنقطة المذكورة ولكن الضلعان المذكوران يقابلان السطح الاقضي في تقطعي
 $هـ$ و $و$ فاذا مددنا من هاتين النقطتين خطوطا مماسة للدائرتين اللتين
 مر كراهما $ث$ و $د$ فنظر ان هذه الخطوط المماسية متوازية ويفهم من
 ذلك ان السطحين المماسين المذكورين يتقاطعان في خطا قضي مواز للخطوط
 المماسية المذكورة والمسقط الاقضي لخط التقاطع المذكور مواز لهذه الخطوط
 المماسية وحيث ان هذا الخط يمر بنقطة $أ$ فاذا مددنا من هذه النقطة خطا
 موازيا للخطوط المماسية يكون هذا الخط الحادث المسقط الاقضي لخط تقاطع
 السطحين المماسين وكون الخط المماس المطلوب خطا اقضيا فسقطه الرأسية
 يكون خطا موازيا لخط الارض ويلزم ان يمر بنقطة $ب$ فاذا مددنا من هذه
 النقطة خطا موازيا لخط الارض فهذا الخط يصير المسقط الرأسية المطلوب
 اذا
 يلزم ان
 النقطة هي نقطة تقابل مساقط السطح الاقضي ويفهم بالسهولة المسقط
 الرأسية للخط المماس المطلوب والخط نفسه

الرسم الوصفى الرابع عشر

إذا اريد رسم نخط تقاطع جسمين تحركيين متقاطعي المحور على سطحي
المسقط

تنظر اولاً انا وجدنا في المسئلة السابقة نقط خط تقاطع الجسمين بعد نقطة $ق$ ابل
اضلاع الجسمين مشقي مشقي في سطح واحد ولكن نأخذ نقطة تقاطع محوري
الجسمين ك مركز لجملة كراهة في المسئلة المراد حلها كما عرفنا سابقاً فاذا رسمنا هذه
الكرهة فكل منها يقطع الجسمين المعلومين في دائرة عمود على محوري الجسمين
و جميع هذه الدوائر تقاطع فنقط تقاطع تلك الدوائر تصير من نقط خط التقاطع
المخفي المطلوب ولاجل رسم ما ذكرناه على سطحي المسقط نفرض ان السطح
الافقي عمود على محور من محوري الجسمين ونفرض ايضاً ان السطح الرأسى
مواز للمحورين المذكورين وبعده ذلك نجعل نقطة $ك$ ونخط $و ك$
مسقطى محور من المحورين ونخطى $ك د$ و $ل و$ مسقطى المحور الثانى
ونجعل ايضاً المسقط الافقى للجسم الاول الدائرة التى مركزها نقطة $ك$ وبعده
ذلك اذا فرضنا سطحاً ماراً بمحوري الجسمين فهذا السطح يقطع هذين الجسمين
في خطين جانبيين ومسقطاهما الرأسىان يصيران خطى $ا م$ $ث د$
 $و س$ $ع ز$ الخ المنحنيين وهذان الخطان يصيران حدى المسقطين الرأسىين
للجسمين المعلومين واذا فرضنا كرهة من نقطة $(ك و)$ التى هي نقطة تقاطع
محوري الجسمين ونصف قطرها يكون خط $وم$ فهذه الكرهة تقطع
الجسمين في دائرتين خطا $خ م$ و $م س$ مسقطان رأسىان لهما فنقطة
 $م$ المشتركة بين هذين المسقطين من نقط المسقط الرأسى لخط التقاطع
المطلوب وحيث ان النقطة الفراغية التى مسقطها الرأسى نقطة $م$ توجد
على الخط المعتدل للجسم الاول الذى مسقطه الرأسى خط $م ح$ مسقطها
الافقى يلزم ان يوجد على المسقط الافقى للخط المعتدل المذكور اعنى على
الدائرة المرسومة من نقطة $ك$ ك مركز $و$ بنصف قطر $م ح$ فاذا رسمنا
هذه الدائرة وانزلنا عموداً $م ص$ على خط الارض فنقطة $ص$
تصير المسقط الافقى لنقطة فراغية من نقط خط التقاطع المطلوب الى

مسقطها الرأسى نقطة م فاذا جعلنا الان نقطة و مركزا و بنصف
 قطر او ترسم كرة اخرى فالخطان المعتدلان الحادثان من هذه الكرة
 يتقاطعان بالجسمين المعلومين في نقطتين مسقطهما الرأسى المشترك نقطة هـ
 وموضوعين على الخط المعتدل في الجسم الاول الذى مسقطه الرأسى خط ا ب
 ويفهم من ذلك ان المسقطين الاقبيين للنقطتين المذكورتين يلزم ان يكونا على
 الدائرة المرسومة من نقطة ك مركز و بنصف قطر ا ح فاذا
 رسمنا هذه الدائرة وانزلنا من نقطة هـ عمودا على خط الارض فنقطتا
 تقاطع هذا العمود بهذه الدائرة هما المسقطان الاقبيان للنقطتين المذكورتين
 اللتين من نقط $\text{خط التقاطع المطلوب}$ ومسقطهما الرأسى المشترك بينهما نقطة
 هـ وبهذه الطريقة يمكن وجود جله نقط مسقطية رأسية من نقط مسقطى خط
 التقاطع المطلوب والان نبحث على امتداد خط مماس لخط التقاطع الذى
 وجد ولاجل ذلك ننظر اولاً ان الخط المماس المطلوب هو خط تقاطع السطحين
 المماسين للجسمين المعلومين فى النقطة المشتركة بين هذين الجسمين فاذا علمنا
 الاثرين الاقبيين للسطحين المماسين نعلم ان نقطة تقاطعهما تصير نقطة تقابل
 لخط المماس المطلوب بالسطح الافقى ويسهل علينا بعد ذلك وجود مسقطى
 لخط المماس المطلوب ولاجل ذلك نجعل نقطى ا و مسقطى النقطة
 المشتركة المتقدمة فالسطح المماس للجسم الاول فى النقطة المذكورة يوجد
 كما فى الرسم الثامن الوصفي واثره الافقى يصير خط ش هـ عمودا على
 خط ك فالنقطتان الموجودتان على الجسمين المعلومين اللتان مسقطاهما
 نقطى ا و خط معتدل واحد والخط المماس للخط المعتدل المار
 بالنقطة ب المذكورتين يقطع المحور فى نقطة مسقطها
 الرأسى نقطة د يفهم من ذلك ان خط ح ا هو المسقط الرأسى للخط
 المماس المطلوب فى النقطة المفروضة (راجع الرسم الوصفي ٨) والخط
 العمودى على خط تقاطع الجسمين فى النقطة المفروضة الذى مسقطه الرأسى
 خط د يقطع محور الجسم فى نقطة مسقطها الرأسى نقطة س وهذه

النقطة نقطة تقاطع جميع الخطوط العمودية المارة بالنقطة من الجسم
 الموضوع على الخط المعتدل الذي خط ع غ مسقطه الرأسى فالنقطة
 المذكورة مسقطها الافقى نقطة ش و الخط العمودى فى نقطة (أ و ب)
 التى هى على الجسم الثانى يصير مسقطه خطى أ ت و ش ت
 ذكرنا سابقا ان نقطة (ش ت) هى نقطة تقاطع جميع الخطوط العمودية
 على تقط الجسم الموضوع على الخط المعتدل الذى مسقطه الرأسى خط ع غ
 ولا يوضح ذلك فجعل خطين جانبيين مارين بنقطتين من نقط خط معتدل واحد
 فينظر بالسهولة ان هاتين النقطتين لهما افقى مشترك وتعام عمودين مشتركين
 (راجع تطبيق الجبر بالهندسة) وحيث ان المحور الاعظم من هذين الخطين
 هو محور الجسم عينه يفهم من ذلك ان الخطين العمودين فى النقطة المذكورة
 يتقاطعان فى نقطة واحدة من نقط المحور المذكور
 يمكن ان يجعل المثلث الذى مسقطه الرأسى ع ح ت يدور حول محور الجسم
 فى هذا التحرك الخط المماس الذى مسقطه الرأسى خط ع ح يصير مماسا
 لجميع الخطوط الجانبية المارة من نقط خط ع غ المعتدل فى كل من المواضع
 التى يوجد فيها الخط المماس المذكور فى تساقه فالخط الذى مسقطه الرأسى
 خط ع ت يفضل دائما عمودا على الخط المماس ويعلم من ذلك ان النقطة التى
 مسقطاها ت و ش هى النقطة المطلوبة
 حيث اننا نعلم الان المسقط الافقى للخط العمودى فى نقطة (ع أ ت) التى على
 الجسم الثانى نعلم ان السطح المماس لهذا الجسم فى نقطة (ت ت) عمود على
 هذا الخط ويفهم من ذلك انه لا جلى وجود الاثر الافقى للسطح المماس المذكور
 يكفى ان تعلم نقطة من نقط هذا الاثر ولذلك نفرض من ~~نقط~~ (أ ت) فى السطح
 المماس المجهول خطا مستقيما موازيا للاثر الرأسى لهذا السطح فالمسقط
 الرأسى لهذا الخط المقروض يصير موازيا للاثر الرأسى الذى للسطح المماس
 ويصير ايضا عمودا على المسقط الرأسى للخط العمودى المذكور فاذا
 انزلنا من نقطة أ عمودا على خط ت أ فهذا العمود يصير المسقط

الرأسى للخط الموازي المقروض والمسقط الافقى لهذا الخط مواز لخط
 الارض ممتد من نقطة α واذا بحثنا عن نقطة تقابل هذا الخط بالسطح
 الافقى نجدها من تقاطع الاثر الافقى للسطح المماس في النقطة
 التي مسقطها α ونقطة α التي هي على الجسم الثاني واذا اترنا من هذه
 النقطة خطا عمودا على خط $\alpha\beta$ فهذه العمود يصير الاثر الافقى
 للسطح المماس المذكور والاثران الاقبيان للسطحين المماسين للجسمين
 المعلومين يتقاطعان على السطح الافقى في نقطة γ وهذه النقطة نقطة
 تقابل الخط المماس لخط تقاطع الجسمين بالسطح الافقى فاذا وصلنا بين
 γ و α وبين γ و β فان الخطان الحادان يصيران مسقطي الخط
 المماس المطاوي

دعوى علمية هندسية يمكن حلها بطرق الهندسة الوصفية

الدعوى الاولى

طريقة موروكرة من اربع تقط فراغية معلومة

تنظر اولا كيف تصير المسئلة اذالم يعلم الانقطتان او ثلاث تقط في الفراغ
فاذا علمت نقطتان فقط ينظر بالسهولة ان المسئلة لا يمكن حلها لانه اذا واصلنا
بين هاتين النقطتين بخط مستقيم وفرضنا من نقطة تصيف هذا الخط سطحاً
عموداً على هذا الخط يعلم بالبداهة ان جميع تقط هذا السطح متساوية الابعاد
من النقطتين المعلومتين ويفهم من ذلك انه يمر جله كراه من هاتين النقطتين
لا كراه واحدة ولا جل اثبات ذلك يجعل ا و - النقطتين المعلومتين (شكل ١)
و ح غ السطح العمود على خط ا - المار بنقطة و التي هي نقطة
تصيف خط ا - المستقيم الواصل بين تقطى ا و - ونفرض في سطح
ح غ نقطة م كل ما كانت ونصل بين تقطى م و ا ونقطتى
م و - فثلثا م ا و م - والحادثان يكونان متساويين
لان خط م و ضلع مشترك بين هذين المثلثين وضلع ا و مساو وضلع
و - كما ذكر سابقا وبعد ذلك خط م ا يصير مساويا لخط و -
ويثبت ايضا ان جميع النقط المأخوذة على السطح العمودى متساوية
الابعاد من النقطتين المعلومتين

يلزم الان ان تثبت ان النتيجة التي ذكرت مختصة بنقط السطح العمودى فقط
بفرض تقط و من خارج السطح العمودى المذكور ونصل
بم و ا ونقطتى م و - ونقطتى م و - يقطع السطح المذكور
في نقطة م كل ما كانت ولكن في مثلث م و - يوجد و -
م + و - فاذا وضعنا عوضا عن خط م - خط م ا
المساوى له فالحالة السابقة تصير و - > م + م ا و و -
> ا و - وهذا هو الاثبات المطلوب فالان اذا علمت ثلاث تقط فراغية

ننظر ان هذه النقطة على سطح مستو واحد دائما وبعد ذلك نجعل
 ا و ب و ت الثلاث نقط معلومة (شكل ٢) فالكرة التي تمر بنقطتي
 ا و ب لها مركز يوجد على السطح العمود على الخط الواصل بين
 ا و ب المار بنقطة و المنصقة لهذا الخط وكذلك الكرة المارة بنقطتي
 ب و ت لها مركز يوجد على السطح العمود على الخط الواصل بين
 نقطتي ب و ت المار بنقطة و المنصقة لهذا الخط فمركز الكرة المطلوبة
 يلزم ان يوجد على كل من السطحين العمودين المذكورين ويفهم من ذلك ان
 هذا المركز نقطة من نقط خط تقاطع هذين السطحين حيث ان جميع نقط خط
 التقاطع المذكور متساوية الابعاد من الثلاث نقط المعلومة ومن ذلك
 يفهم بالسهولة ان عدد الكرات التي تمر بالثلاث نقط المعلومة لانهاية له
 السطحان العمودان الماران بنقطتي و و اللتين هما نقطتا تصيف
 خطي ا ب و ب ت يتقاطعان دائما حين تكون الثلاث نقط المعلومة
 ليست على خط واحد مستقيم
 فاذا وجد الان اربع نقط كك نقط ا ب ب ت ه ولكن ليست على
 سطح مستو واحد نفعل اولا بالثلاث نقط الاولى اعني ا ب ب ت
 كما فعلنا بالثلاث نقط السابقة فيوجد خط تقاطع السطحين العمودين الذي
 نقطه كلها متساوية الابعاد من الثلاث نقط المذكورة واذا وصلنا بعد ذلك
 بين نقطة ه ونقطة من نقط ا ب ب ت الثلاث مثل ا بين هذه النقطة
 ونقطة ا ومددنا سطح عمود على خط ه ا في نقطة تصيف هذا الخط
 فجميع نقط هذا السطح تصير متساوية الابعاد من نقطتي ا و و ويفهم
 من ذلك ان نقطة تقابل خط تقاطع السطحين الاولين بالسطح الثالث ه ب ب ت
 الكرة المطلوبة فالرسم الوصفي لهذه المسئلة سهل تنبيه فقط على انه يلزم بعد وجود
 مركز الكرة المطلوبة على سطح المسئلة ان تكون الابعاد التي بينه وبين
 الاربعة نقط المعلومة متساوية

الدعوى الثانية

طريقة وجود ثلاثة اشياء من الستة المركب منها اهرام مثلثي بعد ادراك
الثلاثة الاخر

وليعلم قبل حل هذه الدعوى ان الفراغ الواقع بين سطحين من السطوح المركب
منها الهرام المعلوم يسمى زاوية مجسمة والفراغ الواقع بين اضلاع الهرام مثلثي
مثلثي يسمى زاوية مستوية فالزاوية الواقعة بين سطحين مستويين من سطوح
الجسم المعلوم مساوية للزاوية الواقعة بين عمودين منزلين على هذين السطحين
من نقطة مفروضة من خارج هذين السطحين وليست في الزاوية المذكورة لانها
لو كانت في الزاوية المذكورة لكانت الزاوية الواقعة بين العمودين المذكورين
زاوية السطحين المطلوبة ولاجل اثبات ذلك فاجعل $م د$ و $ع ف$
السطحين المعلومين ونقطة $ا$ النقطة التي هي خارجة عن هذين السطحين
فاذا انزلنا من نقطة $ا$ عمودى $ا ب$ و $ا ج$ على سطحي $م د$ و $ع ف$
وجعلنا سطحا $ما$ من هذين العمودين فهذا السطح يقطع السطحين
المذكورين في خطي $ث د$ و $ه ه$ وينظر بالسهولة ان هذين الخطين عمودان
على خط $م ح$ الذي هو خط تقاطع السطحين المذكورين ويتقاطعان
في نقطة واحدة على هذا الخط وينظر ايضا ان زاوية $ث د ه$ هي مقدار
الزاوية الحادثة بين السطحين المذكورين

فمثلنا $ا ب ث$ و $د ه ه$ متشابهان لان زاويتي $ب د ه$ و $ه ه د$
زاوية $ث$ مساوية لزاوية $ه$ لكون كل منهما قائمة ومن
بديهي $د ه ه$ او الزاوية الواقعة بين السطحين المذكورين مساوية

فاذا فرضنا الان ان نقطة $ا$ (شكل ٤) في الزاوية الحاصلة بين
السطحين المذكورين وانزلنا من هذه النقطة عمودى $ا ب$ و $ا ج$ على كل
من هذين السطحين فهذا العمودان يحددان سطحا مستويا وهذا السطح

يقطع السطحين المذكورين في خطي $ش - و$ و $ش - د$ وحيث ان زاويتي
 $س - و$ قائمتان فمجموع زاويتي $ا - و - ش$ يصير مساويا لزاويتي قائمتين
 ويفهم من ذلك ان الزاوية الواقعة بين العمودين المذكورين في هذه الحالة هي
 تمام الزاوية الحاصلة بين السطحين المعلومين

اذا اخذت نقطة $و$ من داخل اهرام مثلثي وانزل من هذه النقطة عمدا
 وف $و - د$ و $و - ه$ على سطوح $ا - س - و$ و $ا - س - د$ و $ا - س - ث$
 الثلاثة وفرضت سطوح مارة من هذه العواميد مثلثي مثلثي و سطح ما يرتبط
 ف $و - د$ و $و - ه$ الثلاث فهذه السطوح تحدد اهراما مثلثيا وهو
 و $د - ه$ وهذا الاهرام يسمى اهراما متمما للاهرام الاول ويسمى بذلك لان
 الزوايا المستوية في هذا الجسم متممة لزوايا الاهرام الاول المستوية وبالعكس
 لانه اذا اخذنا نقطة ومن داخل الزاوية الواقعة بين سطحين $ا - س - د$ و $ا - س - ه$
 فزاوية $و - د - ه$ هي المتممة للزاوية الواقعة بين السطحين المذكورين
 ويثبت كما ذكرنا ان زوايا الاهرام الثاني المستوية متممة للزوايا المستوية التي
 في الاهرام الاول وهذا هو المطلوب

الستة اشياء المركب منها اهرام مثلثي وهي الثلاث زوايا الاول والثلاث زوايا
 المستوية اذا تركيبت وتوقفت مع بعضها ثلاثا ثلاثا تفيد عشرين وجها
 للتركيب ولكن تلك الاوجه ليس لها الاست حالات مختلفة

الحالة الاولى الثلاث زوايا المجسمة فقط الحالة الثانية سطحان والزاوية الواقعة
 بينهما الحالة الثالثة سطحان والزاوية المقابلة لاحدهما الحالة الرابعة
 الثلاث زوايا المستوية فقط الحالة الخامسة زاويتان والسطح الحاصل بينهما
 الحالة السادسة زاويتان والسطح المقابل لاحدهما فما ذكرناه للاهرام المتمم
 ننظر بالسهولة ان الثلاث حالات الاخيرة تتوول الى الثلاثة الاول لانه اذا فرضنا
 انه يعلم ثلاث زوايا من اهرام فثلاث الزوايا تعتبر كأنها ثلاثة سطوح من الاهرام
 المتمم للاهرام المعلوم فاذا وجدنا الثلاثة اشياء الباقية للاهرام المتمم بطريقة
 حل الحالة الاولى وفرضنا انه معلوم واخذنا متمم اجزاء هذا الاهرام المتمم

فالأجزاء الحادثة هي التي تركيب الأهرام الأول ويفهم من ذلك أنه يكفي أن نبحث
عن حل الثلاث حالات الأول

حل الحالة الأولى

طريقة وجود الثلاث زوايا المركب منها هرام مثلثي بعد ادراك سطوحه
الثلاثة هي أن نجعل $اسه - واسه ش$ و $ثسه ش$ (شكل ٦)
الثلاثة سطوح المعلومة ونفرض أن سطحي $اهه - و سه ش$
يتطبقان على سطح $اسه ش$ فإذا أخذنا من نقطة $ف$ بعدى
 $سه ف$ و $سه ه$ متساويين نعتبر نقطتي $ف$ و $ه$ كأنهما حادثتان
من نقطة واحدة من نقط الضلع الثالث بعد التحرك الذي فرض لأن كلامنا
نقط هذا الضلع في هذا التحرك لا يتغير بعدها من نقطة $سه$ وبعد ذلك إذا أنزلنا
من نقطتي $ه ه$ و $ف عمودي ه ه$ و $و ف$ و على خطي $اسه ش$ و $سه$
فهذان العمودان يعتبران كأنهما المسقطان على سطح $اسه ش$ للقوسين
من الدائرتين المرسومتين من تحرك النقطة الحادثة من نقطتي $ه ه$ و $ف$
و إذا فرضنا الآن أن خط $ه ه$ يعود إلى موضعه الأول فهذا الخط يفضل
دائما عمودا على خط $سه ش$ والزوايا الواقعة بين خطي $ه ه$ و $و ه$
تصير الزاوية الحاصلة بين سطحي $اسه ش$ و $ثسه ش$ و $د$ ولاجل رسم هذه
الزاوية ندور سطحها حول خط $و ه$ حتى يصير سطحها واحدا مع سطح
 $اسه ش$ والنقطة التي من الضلع الثالث يلزم وجودها بعد التحرك على
نقطة $و$ على خط $و ه$ وما عداها يوجد على قوس دائرة
تتم من نقطة $ه$ كمرکز و ينصف قطر $ه ه$ فإذا فعلنا ما ذكرناه
من سننايين نقطتي $سه و ه$ فزاوية $سه ه$ و تصير الزاوية المطلوبة
و يفعل أيضا كذلك بسطحي الزاوية الحاصلة بين سطحي $اسه ش$
و $اسه -$ ولو وجود الزاوية الثالثة أي الحادثة بين سطحي $اسه -$
و $ثسه د$ نفرض سطحها عمودا على الضلع الثالث من نقطة من نقط هذا

الضلع المشار اليه بعد التحرك بنقطتي ف و هـ فالسطح المذكور يقطع
 سطحي اسـ ر و ث سـ و في خطين عمودين عمـ الى الضلع الثالث
 المذكور وهذان العمودان يحدثان بينهما زاوية سطحي اسـ ر و ث سـ و
 ولكن الخطان العمودان المذكوران يضلان دائماً في موضعهما مدة التحرك
 فيقهر من ذلك انه لا جلي وجودهما يكتفي بان يقام من تقطعي هـ و ف عمودا
 هـ م و فـ على خطي سـ ر و سـ ر ويعلم بذلك ان خط مـ و
 اثر السطح العمود على الضلع الثالث الذي هو على سطح اسـ ر و ث وان
 تقاطع السطح العمود المذكور بالا هـ رام المذكور مثلث اضلاعه خطوط
 مـ و مـ هـ و و فـ والزاوية المقابلة لخط مـ و في هذا المثلث هي
 الزاوية المطلوبة فاذا رسم هذا المثلث تعلم الزاوية لثلاثة الالهـ رام المعلوم

الحالة الثانية

اذا اريد وجود الثلاثة اشياء المجهولة من اهرام مثلثي بعد ادراك سطحين
 والزاوية الواقعة بينهما

فلاجل ذلك نجعل اسـ ر و ث سـ و (شكل ٧) السطحين
 المعلومين وى الزاوية المعلومـة وبعد ذلك نفرض ان سطح ث سـ و
 يدور حول خط سـ ر حتى ينطبق على سطح اسـ ر و ث و نأخذ على
 خط ث و نقطة هـ كل ما كانت ونفرضها مشيرة لنقطة من الضلع
 الثالث بعد التحرك فاذا انزلنا من نقطة هـ عمود هـ و على خط
 سـ ر وعاد بعد ذلك سطح ث سـ و لموضعه الحقيقي نقطاً فـ و
 و و يحدثان بينهما زاوية مساوية زاوية كـ والآن اذا ورثه
 هذه الزاوية حول خط و هـ الى ان يصير سطحاً واحداً مع سطح اسـ ر و ث
 ففي هذا التحرك خط هـ و يتغير بخط حـ سـ الذي تحدث بينه وبين خط
 و حـ زاوية شـ و و مساوية لزاوية كـ فاذا اخذنا خط حـ سـ
 مساوياً لخط هـ و وانزلنا عمود شـ و على خط و حـ فنقطة

و تصير المسقط على سطح اسه ث للنقطة التي هي من تقط الضلع الثالث
 المنبه عليه بحرف ه و اذا انزلنا من نقطة و عمودا على خط سه ا
 ورسمنا قوس دائرة من نقطة سه ك مركز و بنصف قطر سه ه فهذا
 القوس يقطع خط وت في نقطة ف فاذا وصلنا بين نقطتي سه و ف
 فسطح ف سه ا يصير السطح الثالث المصنوب و بعد ذلك يسهل علينا
 ايجاد السطحين الباقيين

الحالة الثالثة

اذا فرضنا ان السطحين معلومان وكذلك الزاوية المقابلة لاحدهما والمراد ايجاد
 الثلاثة اشياء الباقية لتركيب هرام مثلثي
 نجعل (شكل ٨) اسه ث و ث سه و السطحين المعلومين
 الزاوية المقابلة لسطح ث سه و بعد ذلك ندور سطح ث سه
 ث سه حين يصير سطحا واحدا مع سطح اسه ث ونجعل لاجل الاستمرار
 سطح اسه ث سطحا افقيا فاذا انزلنا من نقطة كل ما كانت من نقط خط
 سه و المستقيم عمود ه ح على خط سه ث وجعلنا من خط ه ح ا
 سطحا قائما فهذا السطح يقطع الهرام المجهول في المثلث الذي ضلعا ه ح ا
 المعلوم واذا دورنا الان السطح القائم المذكور حول خط ا ه الى ان يصير
 سطحا واحدا مع سطح اسه ث فالنقطة التي هي من تقط الضلع الثالث
 المنبه عليه بنقطة ه يلزم ان توجد على الدائرة المرسومة من نقطة
 و بنصف قطر ه ح وان توجد ايضا على الضلع الثالث للمثلث
 و لاجل ايجاد هذا الضلع بعد التحريك الثاني فنظرا انه يلزم ان يمر بنقطة
 ا ه ح فنزل من نقطة ح عمود ح ف على خط سه ا ومن هذا
 العمود نجعل سطحا قائما ف اثر هذا السطح الذي على السطح الثالث
 المذكور سابقا وخط ف ح يحددان زاوية مساوية لزاوية ك ونقطة

تقاطع الخط المذكور مع الخط القائم من نقطة δ تصير من نقط خط تقاطع
السطح القائم بالسطح الثالث للهرايم
ولايجاد مقدار الخط القائم المذكور تفرض ان السطح القائم المار بنقط
 δ يدور حول هذا الخط حتى ينطبق على سطح α δ θ ونشئ
في نقطة δ زاوية $\delta \theta \delta$ مساوية لزاوية δ وتنزل من نقطة
 δ عمود $\delta \omega$ على خط $\delta \theta$ فتتظرمع السهولة ان خط $\delta \omega$ هو
المقدار والمطلوب للخط القائم المذكور فاذا دورنا الان السطح القائم الاول
حول خط $\alpha \delta$ حتى يصير سطحا واحدا مع سطح $\alpha \delta \theta$ فان الخط القائم
المذكور ينطبق على خط $\delta \theta$ المستقيم ونقطة ω تقع على نقطة δ
ويكون خط $\delta \theta$ مساويا لخط $\delta \omega$ واذا وصلنا بين نقطتي α
 ω بنقط $\alpha \theta$ يصير مقدار سطح المثلث المطلوب واذا رسمنا الان قوس
دائرة من نقطة δ مركزه ω ونصف قطره $\delta \omega$ فهذا القوس يتقطع خط $\alpha \theta$
في نقطتي μ و ν ومن ذلك يفهم ان للدعوى التي تبحث في حلها حلين
حقيقيين واذا فرضنا ان السطح الثالث الذي ذكر يدور حول خط $\alpha \delta$
حتى يصير سطحا واحدا مع سطح $\alpha \delta \theta$ فنقطتا μ و ν يلزم ان
تكونا بعد التحرك على قوسي دائرتين منسومين من نقطة المركز ω بنصفي
قطر $\alpha \mu$ و $\alpha \nu$ وان توجد ايضا بعدين من نقطة δ مساويين لخط
 $\delta \omega$ فاذا رسمنا قوس دائرة من نقطة δ مركزه ω ونصف قطره مساو
لخط $\delta \omega$ فهذا القوس يتقطع الدائرتين المذكورتين سابقا في نقطتي
 θ و ϵ واذا وصلنا بين نقطتي θ و ϵ وبين نقطتي μ و ν
فزاويتا $\epsilon \mu \alpha$ و $\theta \nu \alpha$ يصيران السطحين الثلاثيين المحدثين مع
الاشياء المعلومة زاوية مجسمة مثلثية ويفهم من ذلك ان عدد حل هذه
الدعوى يعلم من عدد نقط تقاطع خط $\alpha \theta$ المستقيم بقوس الدائرة المرسومة
من نقطة δ مركزه ω ونصف قطره $\delta \omega$ كمنصف قطر وحيث ان الخط لا يمكنه
مقابلته القوس الا في نقطتين يعلم من ذلك ان الدعوى المذكورة يمكن حلها

بطريقتين واذا كان الخط المستقيم المذكور مماسا للقوس المذكور فلا يحدث
 الاحل واحد واذا كان لا يمكنه مقابلة القوس المذكور اصل هذه الدعوى
 لا يمكن حلها في هذه الحالة واما في الحالة الثانية فيمكن حلها من غير شك
 وفي الحالة الاولى يعلم انه اذا جعلت ثلاث زوايا مستوية فبعض الاوقات لا يمكن
 تركيب زاوية مجسمة مثلثية من تلك الزوايا لانه لا اجل امكان ذلك يلزم ان
 يكون حاصل جمعها اقل من اربع زوايا قائمة وان تكون كل زاوية منها اصغر من
 حاصل جمع الزاويتين الاخرتين مع بعضهما وتكون الزاوية الصغيرة منها
 اعظم من تفاضل الزاويتين الاخرتين ويتبين ذلك
 بالدعوتين الاخرتين من المقالة الخامسة في اصول
 لتردد فاذا لم يحصل ما ذكرناه فتركيب
 الزاوية لمجسمة بعد ادراك الثلاثة

سطوح غير ممكن
 وبالله التوفيق

الان قدمت ترجمة اللازم من الهندسة الوصفية والى الطلبة ايتعت اشعار
 وباضه الرهيه وتفجرت ينابيع حكمه الشبيه للواردين وقرت بجواهر
 مسائله اعين الناظرين فالحمد لله على الاعانه في البدء والختام والصلاة
 والسلام على خير الانام واله وصحبه البررة الكرام