

$$\begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 2 & -1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} x & 0 \\ 0 & x \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1-x & 4 \\ 2 & -1-x \end{bmatrix} \quad (1)$$

determinant → $-9 + x^2 \quad (2)$

solutions for x → $3, -3 \quad (3)$

$$\begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 2 & -1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 0 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 & 4 \\ 2 & -4 \end{bmatrix} \quad (4)$$

reduced row echelon form → $\begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (5)$

Euclidean-norm → $\sqrt{5} \quad (6)$

$$\begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 2 & -1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -3 & 0 \\ 0 & -3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & 4 \\ 2 & 2 \end{bmatrix} \quad (7)$$

reduced row echelon form → $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (8)$

$$xI + 2t = 0 \quad (9)$$

solutions for x1 → $-2t \quad (10)$

$$xI + t = 0 \quad (11)$$

solutions for x1 → $-t \quad (12)$

$$vI = \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$vI = \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix} \quad (13)$$

$$v2 = \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix} \quad v2 = \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix} \quad (14)$$

$$\begin{bmatrix} -2 & -1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} -2 & -1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \quad (15)$$

$\xrightarrow{\text{inverse}}$

$$\begin{bmatrix} -1 & -1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \quad (16)$$

$$\begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 8 & -3 \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 8 & -3 \end{bmatrix} \quad (17)$$

$\xrightarrow{\text{row echelon elimination}}$

$$\begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 0 & -3 \end{bmatrix} \quad (18)$$